

Polarización

Polarización lineal

- Onda plana, monocromática con E a lo largo del eje x y que se propaga a lo largo de z - onda linealmente polarizada (x).

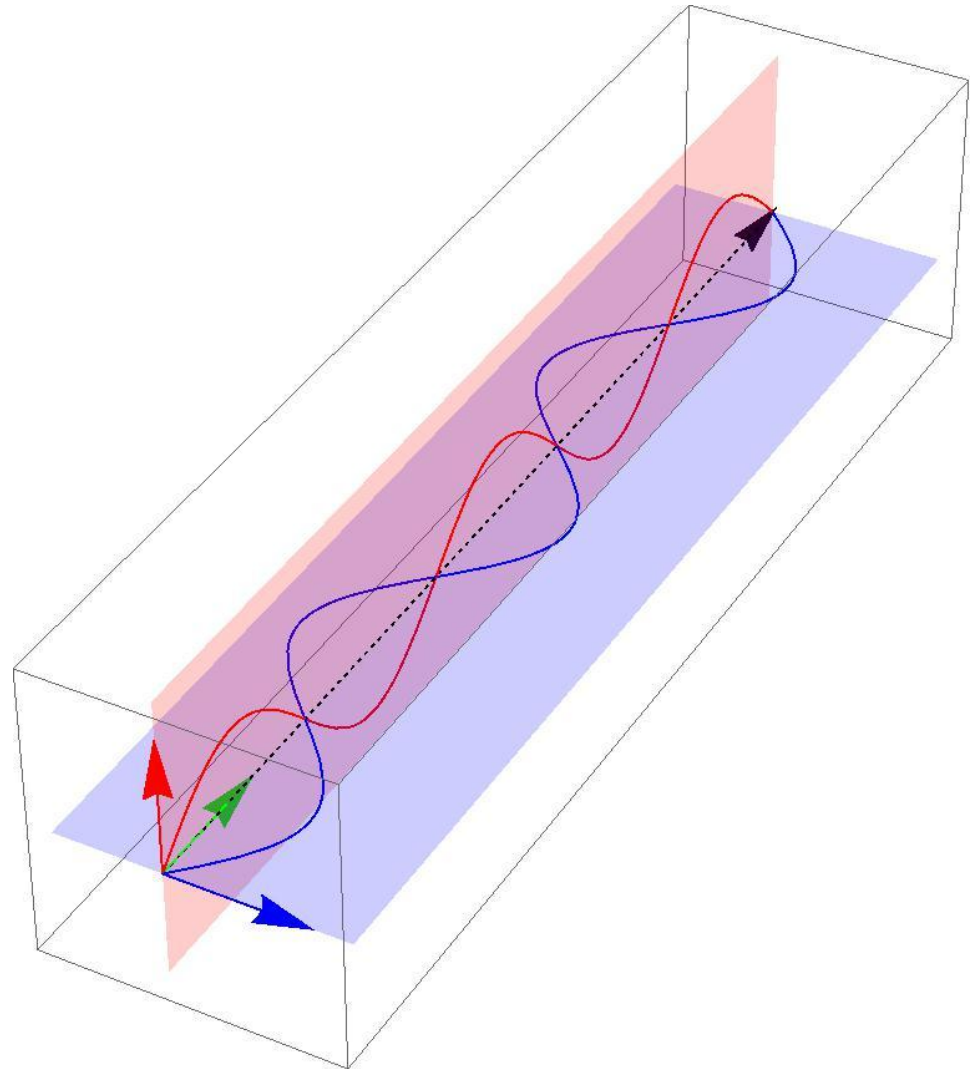
$$\vec{E}_1 = E_{01} \hat{e}_x \exp i(kz - \omega t)$$

$$\vec{B}_1 = \frac{E_{01}}{v} \hat{e}_y \exp i(kz - \omega t)$$

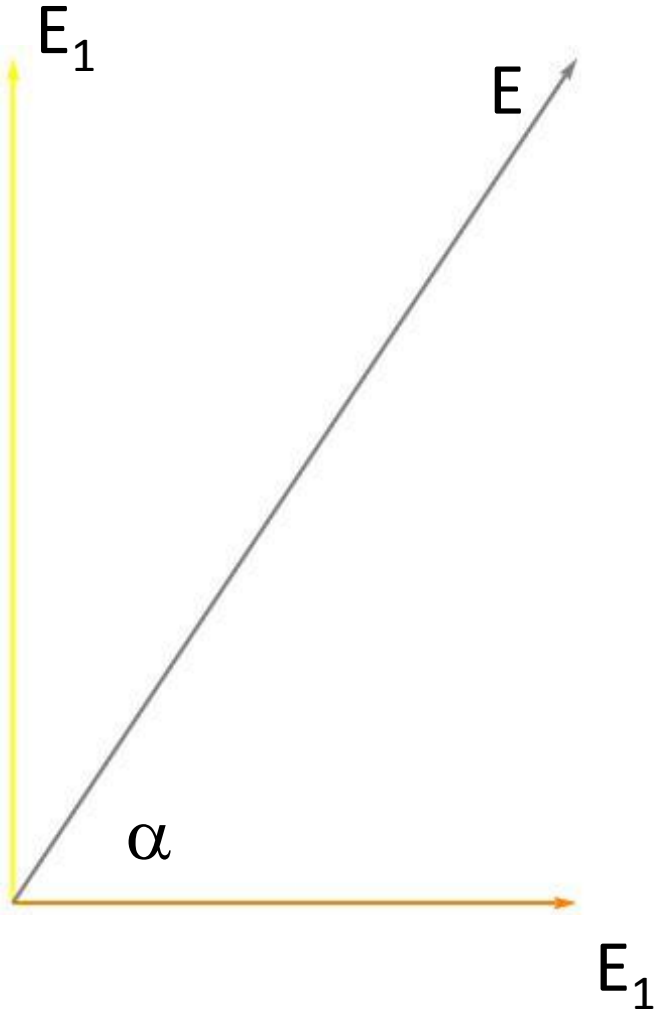
- Onda linealmente polarizada (y).

$$\vec{E}_2 = E_{02} \hat{e}_y \exp i(kz - \omega t)$$

$$\vec{B}_2 = -\frac{E_{02}}{v} \hat{e}_x \exp i(kz - \omega t)$$



Superposición



- Suma es también una onda linealmente polarizada

$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 = (E_{01}\hat{e}_x + E_{02}\hat{e}_y)\exp i(kz - \omega t)$$

$$E_0^2 = E_{01}^2 + E_{02}^2; \quad \alpha = \tan^{-1} \frac{E_{02}}{E_{01}}$$

- Intensidad

$$I = \varepsilon_0 c \langle \vec{E} \cdot \vec{E}^* \rangle = \varepsilon_0 c \frac{(\vec{E}_1 + \vec{E}_2) \cdot (\vec{E}_1 + \vec{E}_2)^*}{2}$$

$$= \varepsilon_0 c \frac{\vec{E}_1 \cdot \vec{E}_1^* + \vec{E}_2 \cdot \vec{E}_2^*}{2}$$

- Ondas con polarizaciones ortogonales NO interfieren.

Otra posibilidad

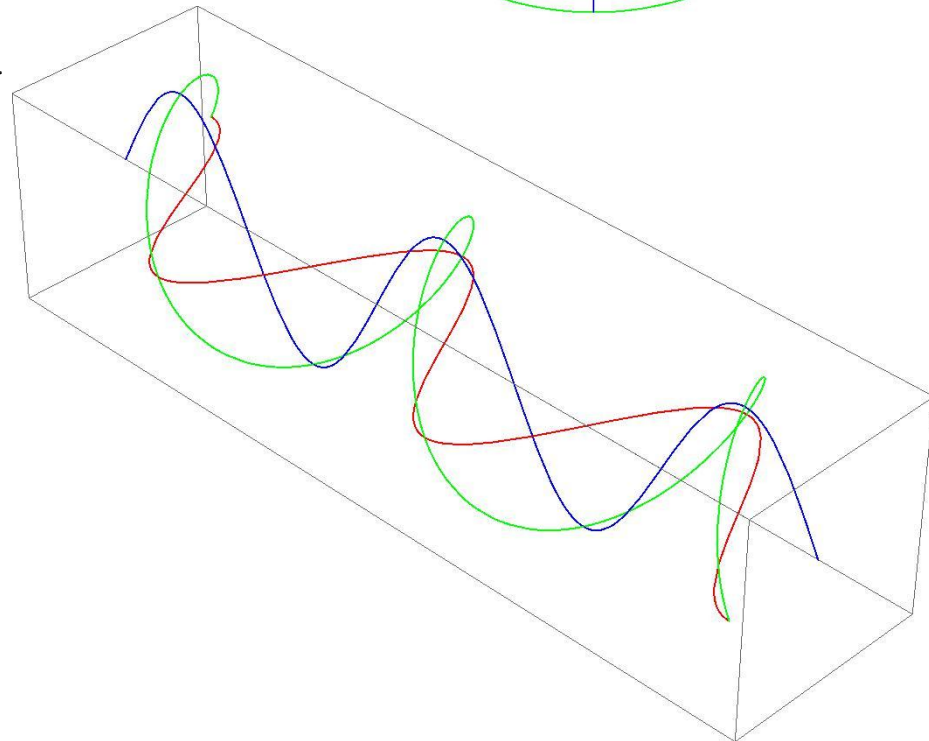
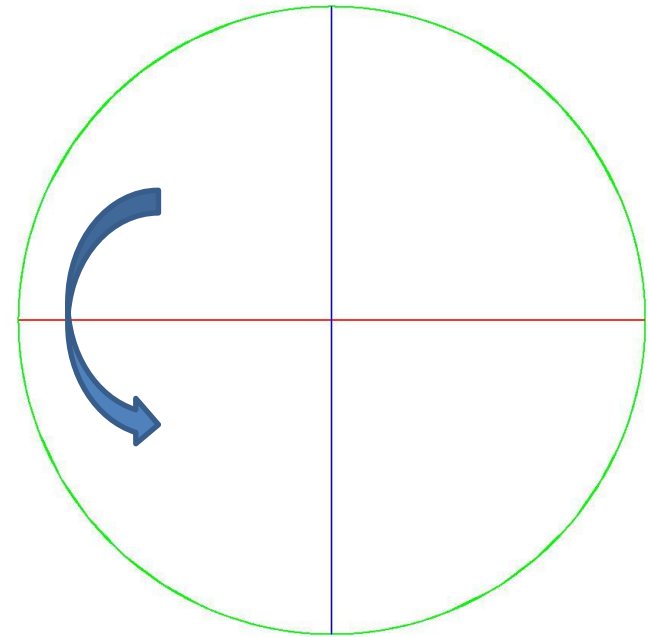
- Superposición:
 - Misma amplitud.
 - Diferencia de $-\pi/2$ en la fase

$$\vec{E}_z = \frac{E_0}{\sqrt{2}} \left\{ \hat{e}_x \exp i(kz - \omega t) + \hat{e}_y \exp i\left(kz - \omega t - \frac{\pi}{2}\right) \right\}$$

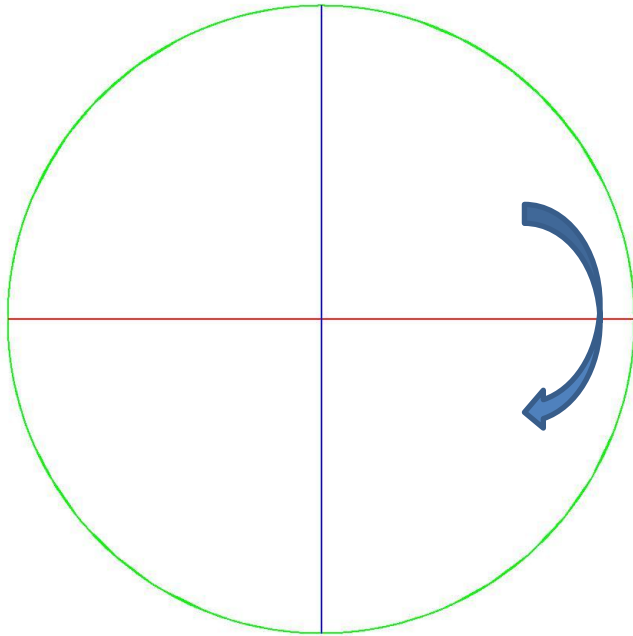
- Parte real

$$\vec{E}_z = \frac{E_0}{\sqrt{2}} \left\{ \hat{e}_x \cos(kz - \omega t) + \hat{e}_y \sin(kz - \omega t) \right\}$$

- Onda circularmente polarizada izquierda



Circular derecha

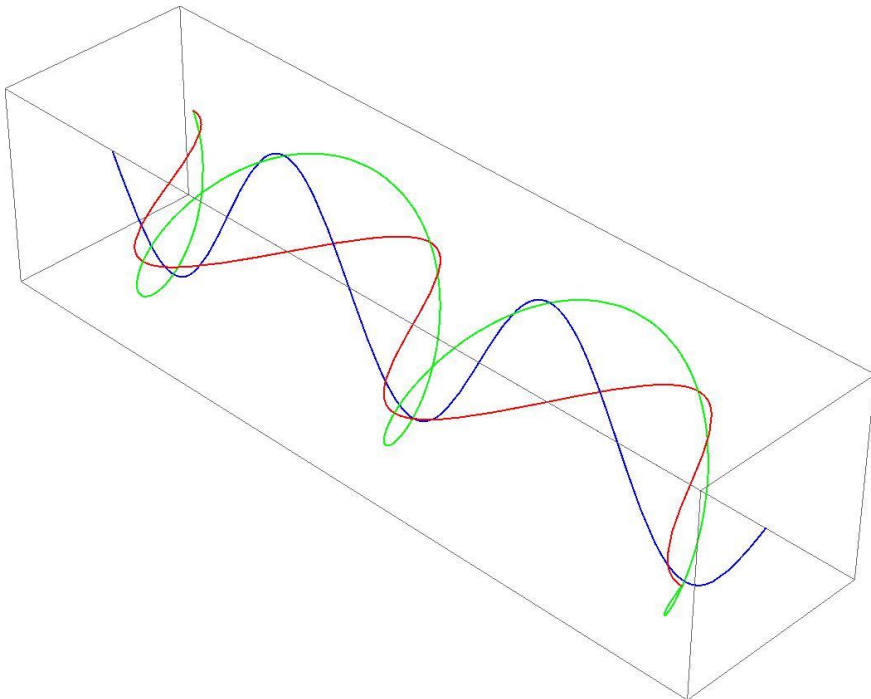


- Superposición:
 - Misma amplitud.
 - Diferencia de $\pi/2$ en la fase

$$\vec{E}_{\mathcal{D}} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} \left\{ \hat{e}_x \exp i(kz - \omega t) + \hat{e}_y \exp i \left(kz - \omega t + \frac{\pi}{2} \right) \right\}$$

- Parte real

$$\vec{E}_{\mathcal{D}} = \frac{E_0}{\sqrt{2}} \left\{ \hat{e}_x \cos(kz - \omega t) + \hat{e}_y \sin(kz - \omega t) \right\}$$



Caso general

- Amplitudes diferentes.
- Diferencia en la fase arbitraria.

$$\vec{E}_{\mathcal{E}} = \{E_{x0}\hat{e}_x \exp i(kz - \omega t) + E_{y0}\hat{e}_y \exp i(kz - \omega t - \phi)\}$$

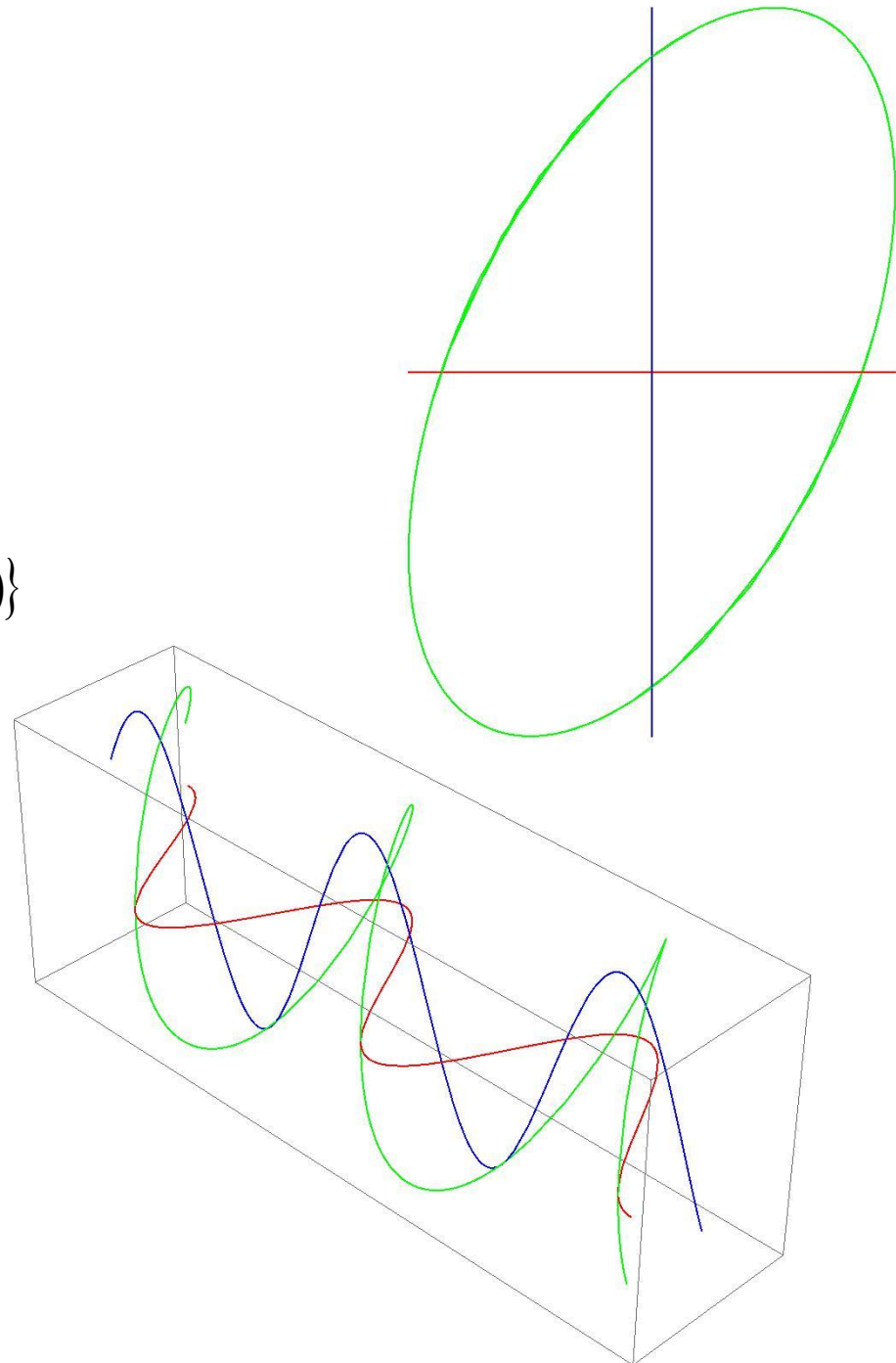
- Parte real

$$E_x = E_a \cos \chi$$

$$E_y = E_b (\cos \chi \cos \phi + \text{sen} \chi \text{sen} \phi)$$

$$\chi = kz - \omega t$$

- Campo eléctrico describe una elipse.



Base circular

- Escribimos el caso de polarización elíptica en términos de los vectores e_x y e_y .

- Podemos utilizar la base alternativa

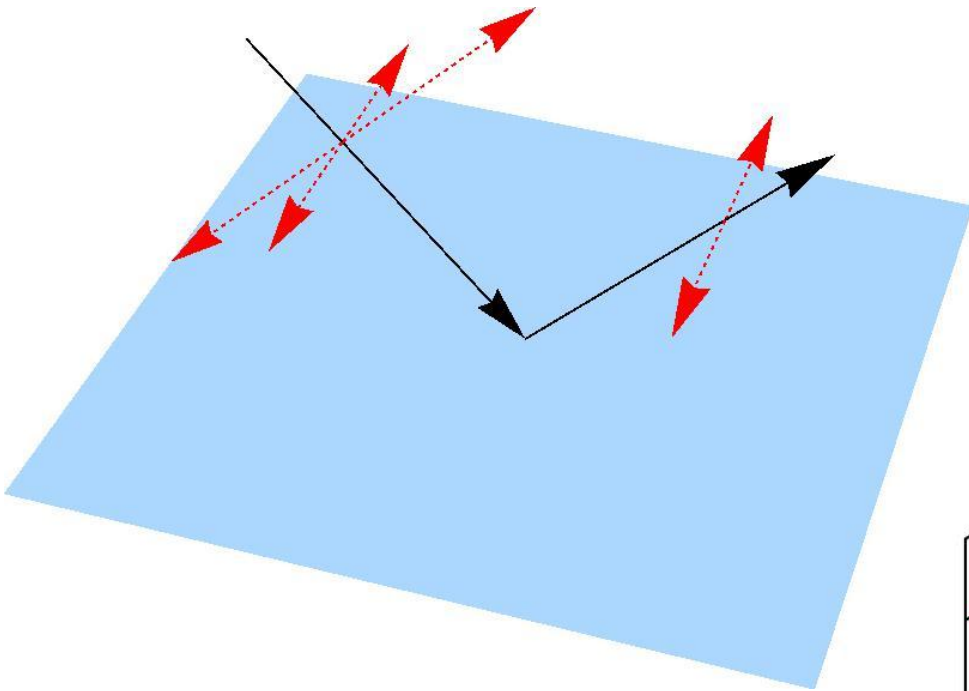
$$e_g = \frac{e_x - ie_y}{\sqrt{2}}; \quad e_D = \frac{e_x + ie_y}{\sqrt{2}}$$

- Los productos $e_g \cdot e_g^* = e_D \cdot e_D^* = 1$; $e_g \cdot e_D^* = e_D \cdot e_g^* = 0$

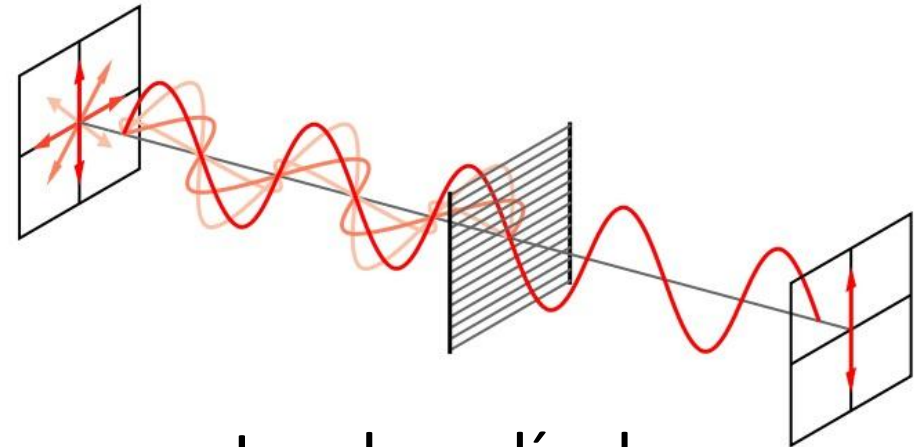
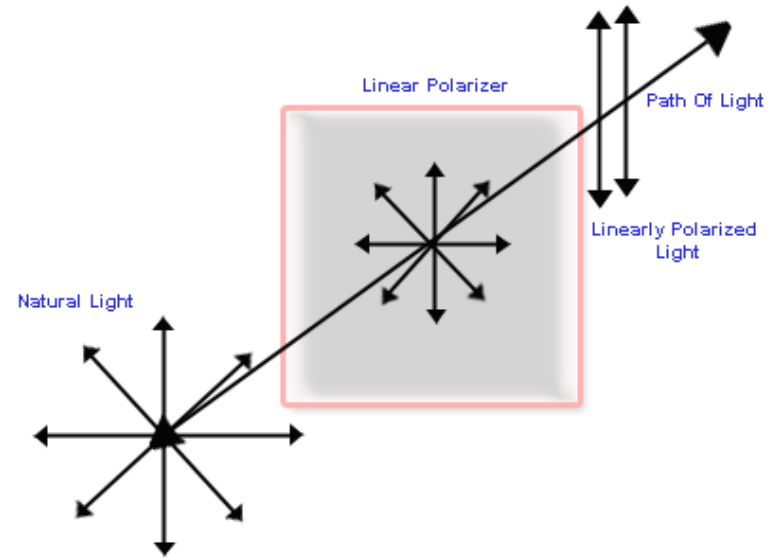
- La base lineal se puede escribir en términos de la base circular

$$e_x = \frac{e_g + e_D}{\sqrt{2}}; \quad e_y = \frac{e_D - e_g}{i\sqrt{2}}$$

¿Cómo polarizar?



Brewster



Land - película

Ley de Malús

- Luz linealmente polarizada incide sobre un polarizador.
- El campo eléctrico de la luz hace un ángulo θ respecto del eje de transmisión del polarizador.
- El campo eléctrico transmitido es

$$E = E_0 \cos \theta$$

- La intensidad que se observa es

$$I = I_0 \cos^2 \theta$$

