



第二章 水静力学



目录

- * **第一章 绪论**
- * **第二章 水静力学**
- * **第三章 水流运动的基本原理**
- * **第四章 水流型态与水头损失**
- * **第五章 有压管道中的恒定流**
- * **第六章 明渠恒定均匀流**
- * **第七章 明渠恒定非均匀流**
- * **第八章 堰流与闸孔出流**
- * **第九章 泄水建筑物下游水流衔接与消能**



第二章 水静力学



内容回顾

水力学的任务及其应用

液体的基本特性

液体主要物理力学性质

密度 容重 粘滞性 压缩性 表面张力特性

连续介质假设

理想液体的概念

作用于液体上的力



第二章 水静力学



本章学习指导

- ✱ 本章将讨论静水压强分布规律，点压强的计算和多种平面和曲面上的静水总压力计算；
- ✱ 水静力学为水利工程计算水力荷载提供理论基础，也为学习水动力学提供必要知识。因此，应当熟练掌握基本概念、基本公式和基本方法；
- ✱ 液体的静止有两种含义：一是绝对静止；二是相对静止。

本章重点

- 静水压强特性及有关基本概念；
- 静水压强的计算；
- 平面和曲面上静水总压力的计算。



第二章 水静力学



第一节 静水压强及其特性

一、静水压强

✱ **平均压强** $\bar{p} = \frac{P}{A}$

✱ **点压强** $p = \lim_{\Delta A \rightarrow 0} \frac{\Delta P}{\Delta A} \text{ (KN / m}^2 \text{ 或 KPa)}$

二、静水压强的特性

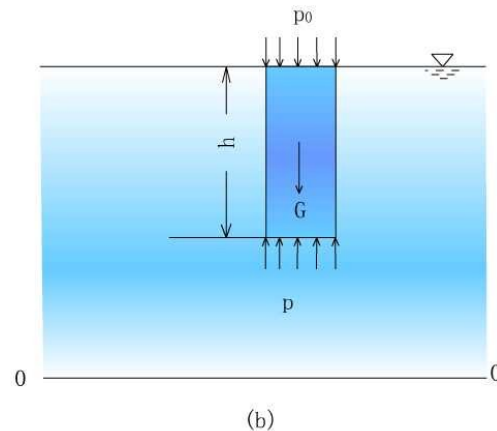
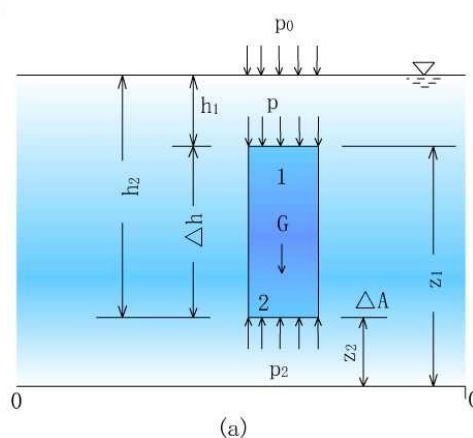
✱ 静水压强的方向与受压面垂直并指向受压面

✱ 静水中任何一点上各个方向的静水压强大小均相等

一、静水压强的基本方程

$$p_2 \Delta A - p_1 \Delta A - \gamma \Delta A \Delta h = 0$$

$$p_2 = p_1 + \gamma \Delta h$$



✿ $p = p_0 + \gamma h$

它表明：它表明：在静止液体中，表面的气体压强，可不变大小地传递到液体中的任何一点。（帕斯卡定律）

✿ $p = \gamma h$

它表明：表明静水中任一点的压强与该点在水下淹没的深度成线性关系。

✿ $z_1 + \frac{p_1}{\gamma} = z_2 + \frac{p_2}{\gamma}$

它表明：在均质、连通的静止液体中，水平面必是等压面。（连通器原理）



第二章 水静力学



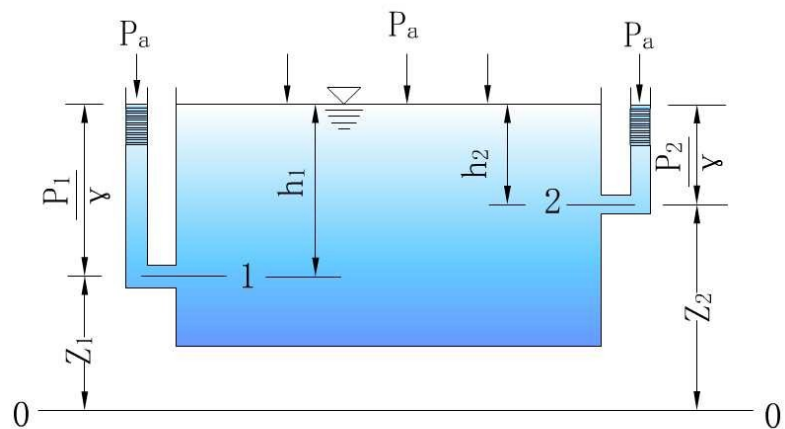
第二节 静水压强的基本规律

二、静水压强方程式的意义

(一) 静水压强方程式的几何意义

$$z_1 + \frac{p_1}{\gamma} = z_2 + \frac{p_2}{\gamma}$$

它表明：仅在重力作用下，静止液体内任意两点的测压管水头相等。



位置水头 Z ，压强水头 p/r ，测压管水头 $z+p/r$

单位位能 Z ，单位压能 p/r ，单位势能 $z+p/r$

(二) 静水压强方程式的物理意义

$$z + \frac{p}{\gamma} = c$$

它表明：仅在重力作用下，静止液体内任何一点对同一基准面的单位势能为一常数。这反映了静止液体内部的能量守恒定律。



第二章 水静力学



第二节 静水压强的基本规律

三、绝对压强、相对压强、真空压强

(一) 绝对压强 p'

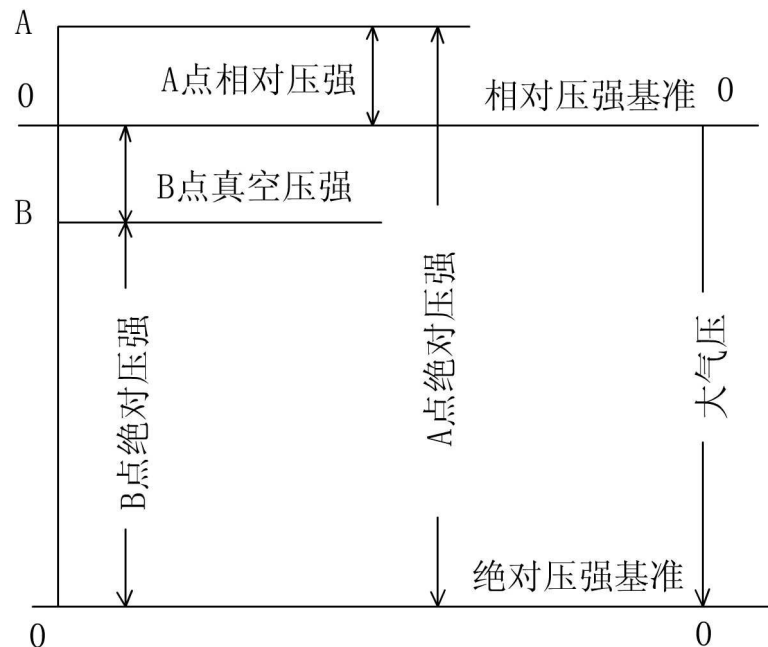
以没有空气的绝对真空为零基准计算出的压强，称绝对压强

(二) 相对压强 p

以大气压作为零基准计算出的压强，称相对压强

(二) 真空压强 p_v

绝对压强小于大气压的那部分压强。称真空压强



✿ $p = p' - p_a$

✿ $p_v = - p$



第二章 水静力学

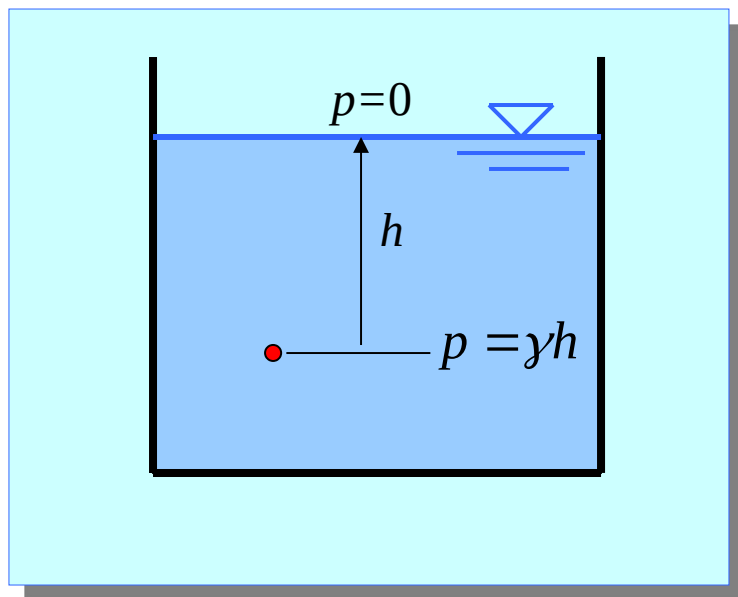


第三节 压强的单位和量测

- 如果自由表面上压强为大气压，则液面以下 h 处的相对压强为 γh ，所以在液体指定以后高度也可度量压强，称为**液柱高**，例如： $\times\times\text{m}(\text{H}_2\text{O})$ ， $\times\times\text{mm}(\text{Hg})$ 等。特别地，将水柱高称为**水头**。把真空压强转换成水柱高表示，称为**真空度**。

一、压强的单位

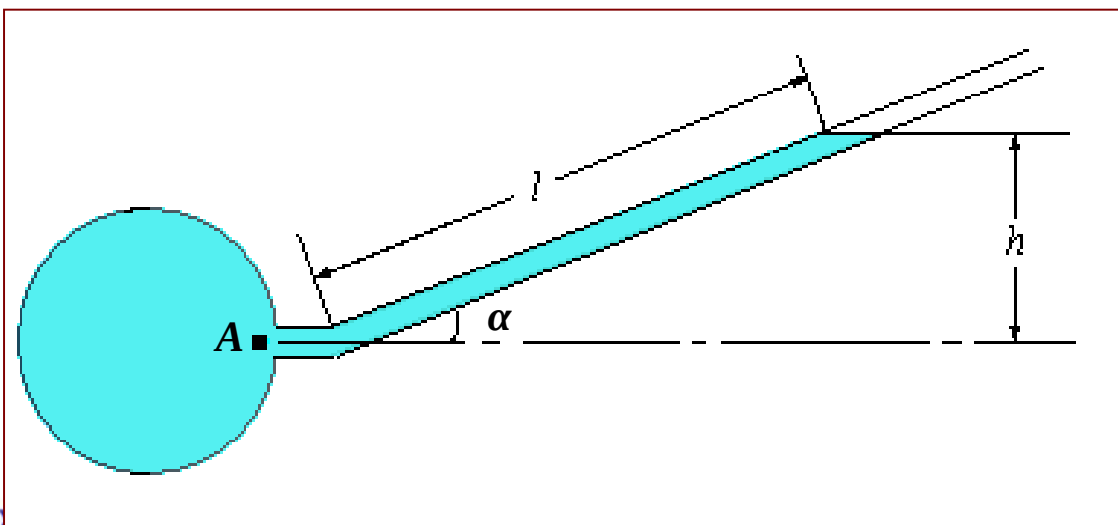
- 一个工程大气压为 98 kN/m^2 (KPa)，相当于 $10\text{ m}(\text{H}_2\text{O})$ 或 $736\text{ mm}(\text{Hg})$ 液柱高



二、压强的测量及计算

(一) 用测压管测量

测压管的一端接大气，这样就把测管水头揭示出来了。再利用液体的平衡规律，可知连通的静止液体区域中任何一点的压强，包括测点处的压强。



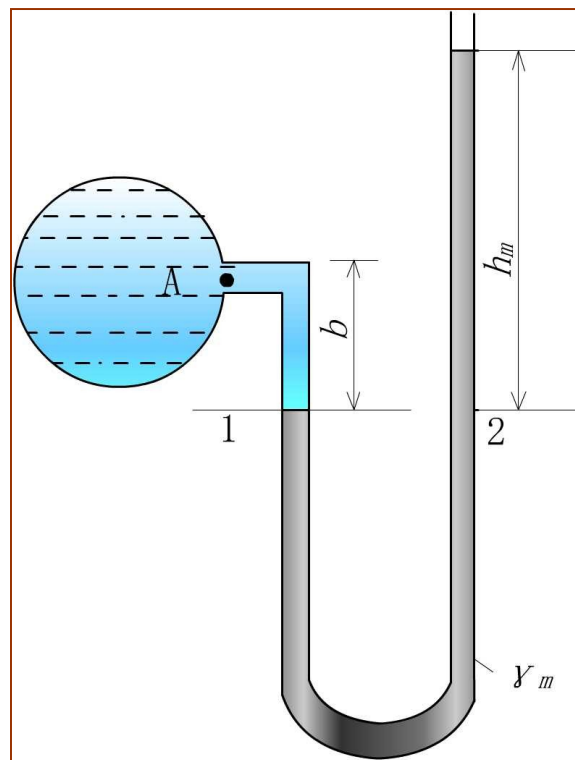
$$p_A = \gamma h$$
$$= \gamma l \sin \alpha$$

(二) U形水银测压计

如果连通的静止液体区域包括多种液体，则须在它们的分界面处作过渡。

$$p_A + \gamma b = \gamma_m h_m$$

$$p_A = \gamma_m h_m - \gamma b$$



(三) 压差计 (比压计)

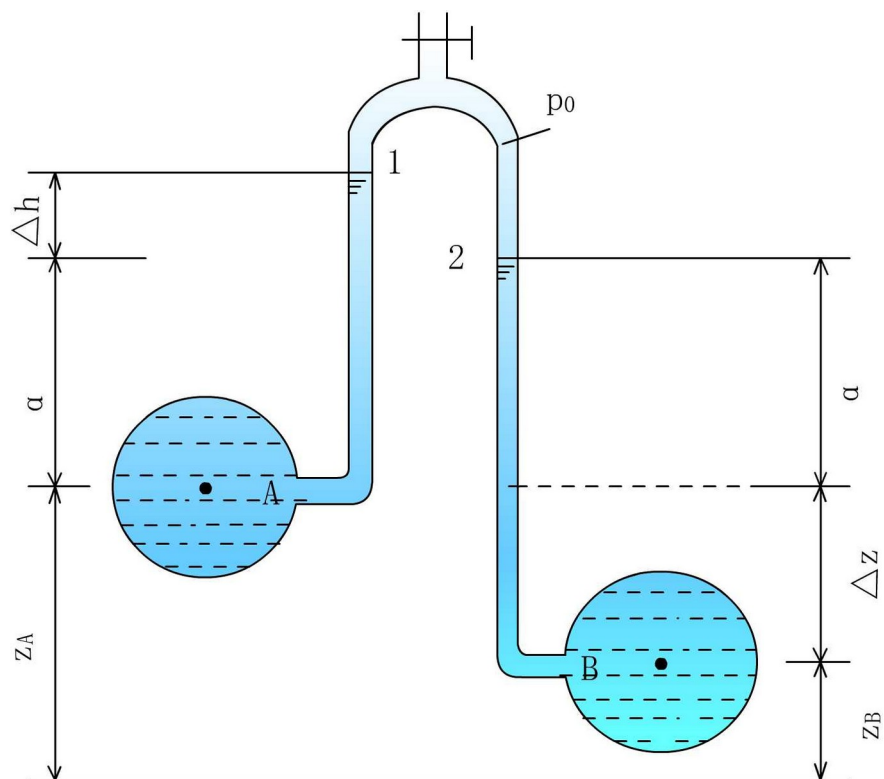
✧ 空气比压计

1点： $p_0 = p_A - \gamma a - \gamma \Delta h$

2点： $p_0 = p_B - \gamma a - \gamma \Delta z$

$$p_A - p_B = \gamma \Delta h - \gamma \Delta z$$

$$p_A - p_B = \gamma \Delta h \quad (\text{当 } \Delta z = 0)$$





第二章 水静力学



第三节 压强的单位和量测

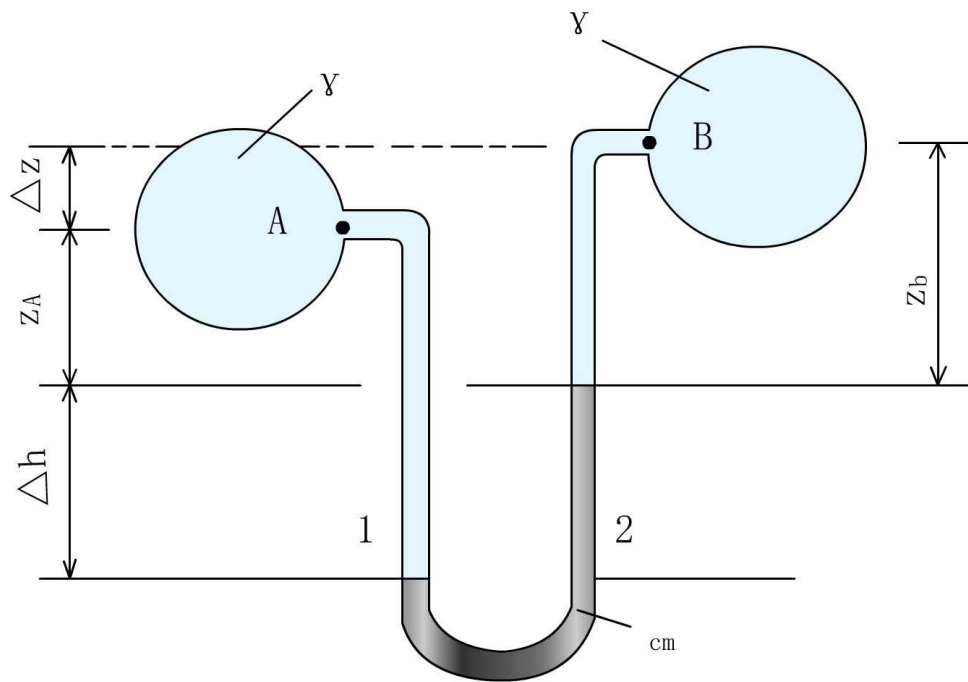
✪ 水银压差计

$$p_1 = p_A + \gamma z_A + \gamma \Delta h$$

$$p_2 = p_B + \gamma z_B + \gamma_m \Delta h$$

$$p_A - p_B = (\gamma_m - \gamma) \Delta h + \gamma \Delta z$$

$$p_A - p_B = (\gamma_m - \gamma) \Delta h \quad (\text{当 } \Delta z = 0)$$



举例

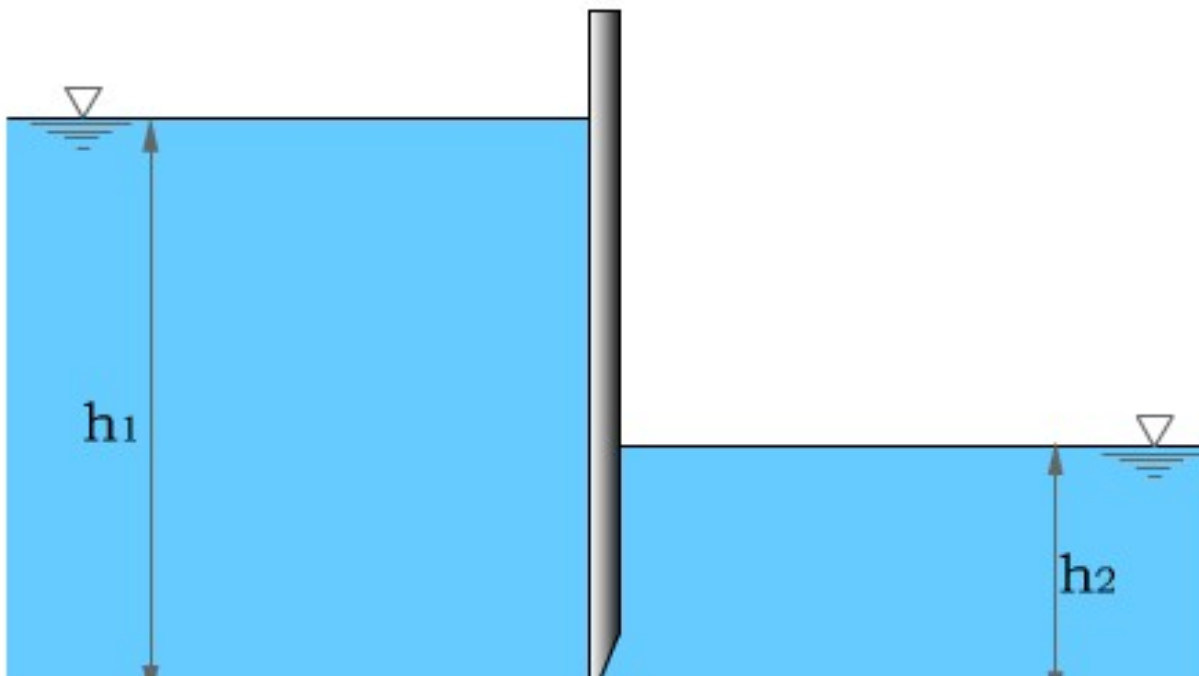


第二章 水静力学



第四节 作用于平面壁上的静水压力

一、静水压强的分布图

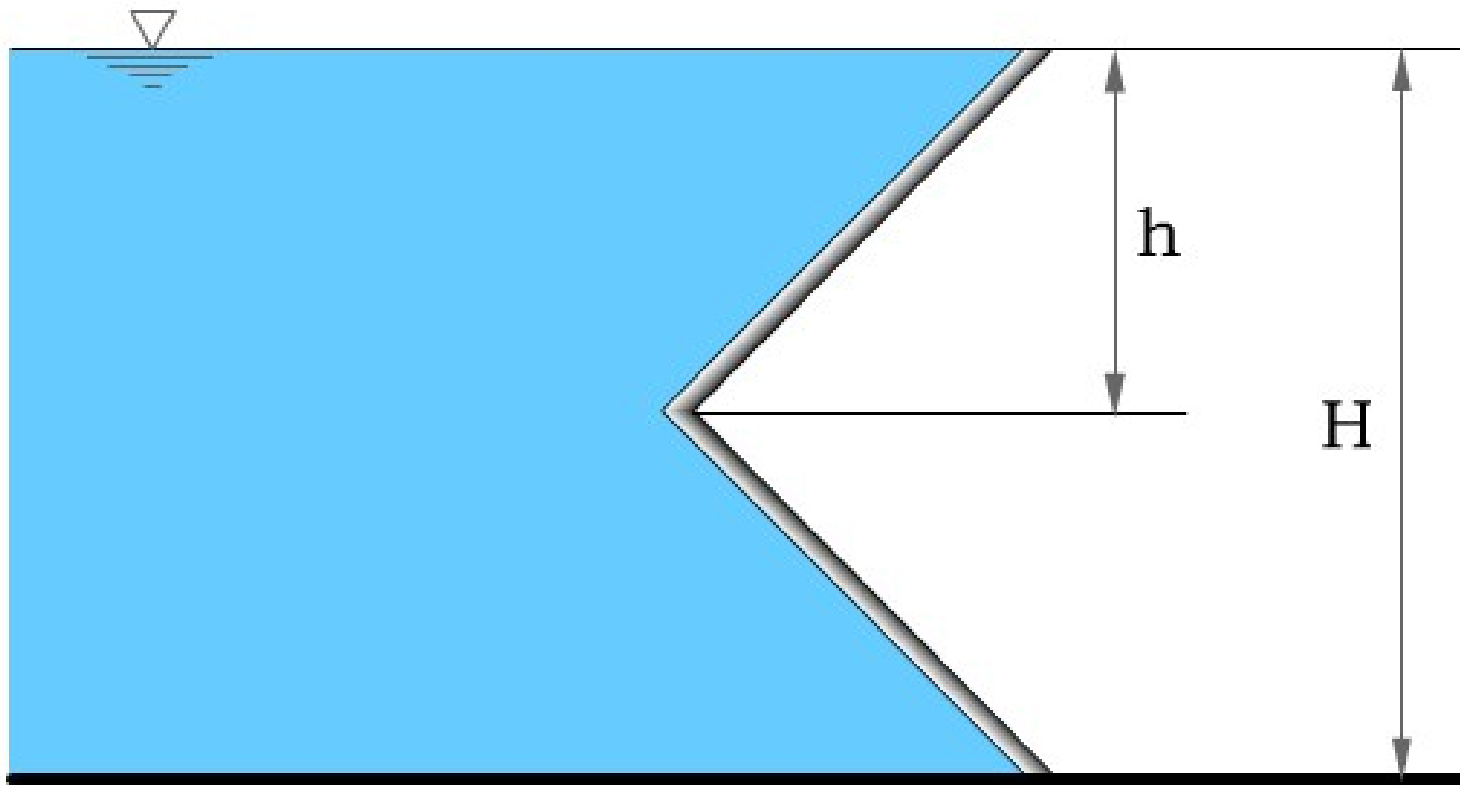




第二章 水静力学



第四节 作用于平面壁上的静水压力

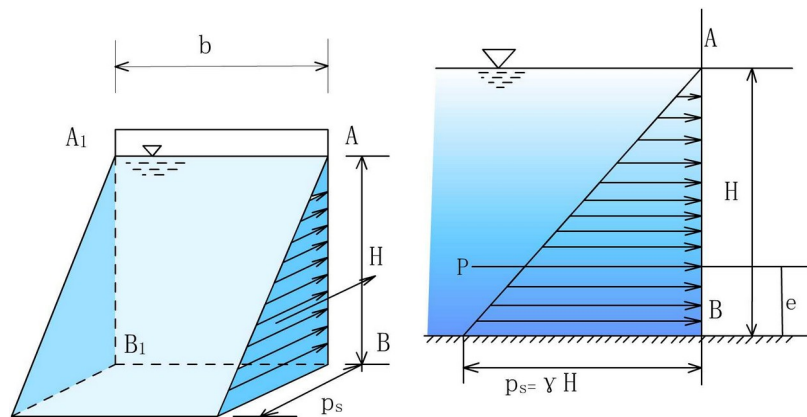


第四节 作用于平面壁上的静水压力

二、矩形平面壁上的静水总压力的图解法 (大小、方向、作用点)

✿ 静水总压力的大小

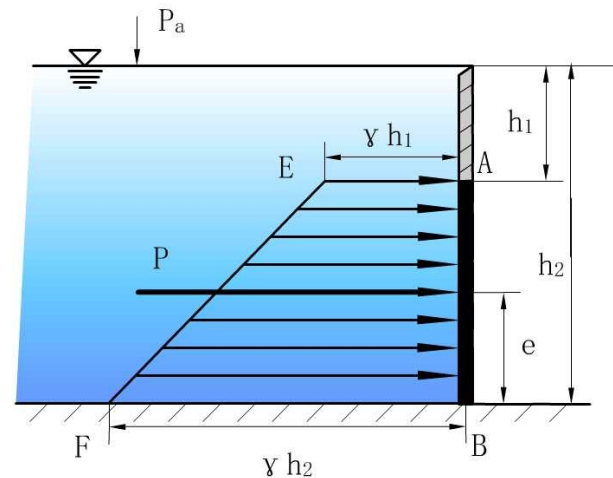
$$P = \Omega \cdot b \begin{cases} \text{梯形} : P = \frac{\gamma}{2} (h_1 + h_2) bl \\ \text{三角形} : P = \frac{\gamma}{2} h bl \end{cases}$$



✿ 静水总压力的方向的作用点

静水总压力的方向必然垂直并指向受压平面

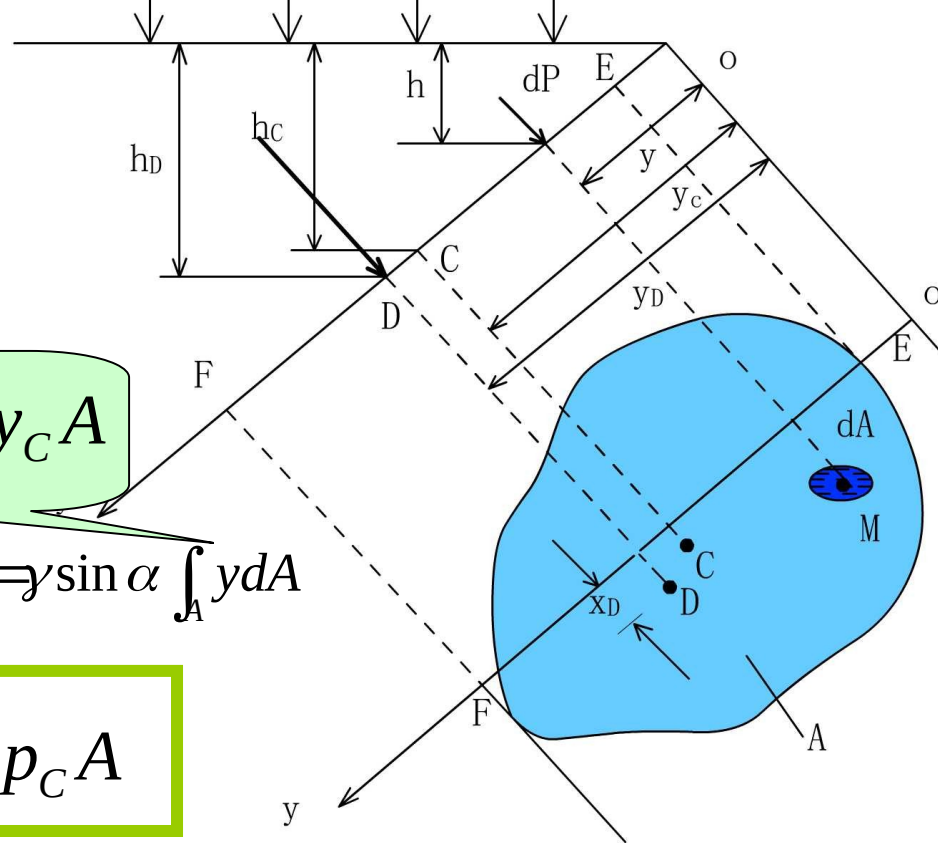
$$\text{梯形} : e = \frac{L}{3} \frac{2h_1 + h_2}{h_1 + h_2} \quad \text{三角形} : e = \frac{L}{3}$$



第四节 作用于平面壁上的静水压力

二、任意形状平面壁静水总压力的解析法 (大小、方向、作用点)

* 静水总压力的大小



$$dP = p dA = \gamma h dA$$

静面矩之和, $= y_C A$

$$P = \int_A dP = \int_A \gamma h dA = \int_A \gamma y \sin \alpha dA = \gamma \sin \alpha \int_A y dA$$

$$P = \gamma \sin \alpha y_C A = \gamma h_C A = p_C A$$



第二章 水静力学



第四节 作用于平面壁上的静水压力

※ 静水总压力的方向的作用点

各微小面积上静水总压力 dP 对 ox 轴的力矩总和

惯性矩, I_{ax}

$$\int_A y dP = \int_A y \gamma h dA = \int_A y \gamma y \sin \alpha dA = \gamma \sin \alpha \int_A y^2 dA = \gamma \sin \alpha I_{ax}$$

总压力 P 对 ox 轴的力矩为

$$P y_D = \gamma h_C A y_D = \gamma y_C \sin \alpha A y_D$$

由合力矩定理可得

$$\gamma \sin \alpha I_{ax} = \gamma y_C \sin \alpha A y_D \rightarrow y_D = \frac{I_{ax}}{y_C A}$$

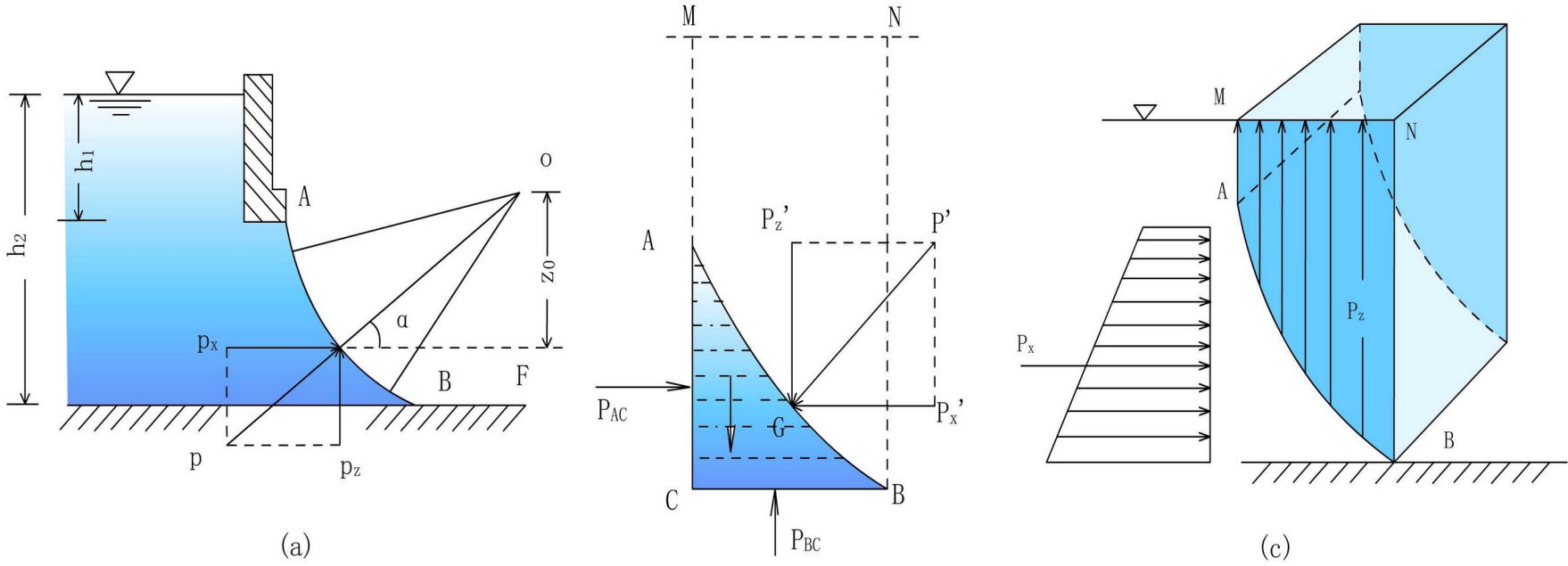
作用点

$$y_D = y_C + \frac{I_c}{y_C A} \left\{ \begin{array}{l} \text{圆形: } I_c = \frac{\pi r^4}{4} \\ \text{矩形: } I_c = \frac{bl^3}{12} \end{array} \right.$$

$$I_{ax} = I_C + y_c^2 A$$

举例

第五节 作用于曲面壁上的静水总压力



一、静水总压力的水平分力

二、静水总压力的铅直分力

$$P_x = P_{AC}$$

$$P_Z = P_{BC} - G$$

图解式： $P_x = \Omega b$

$$= \gamma(V_{MCBN} - V_{ACB}) = \gamma W_{MABN}$$

解析式： $P_x = p_C A$

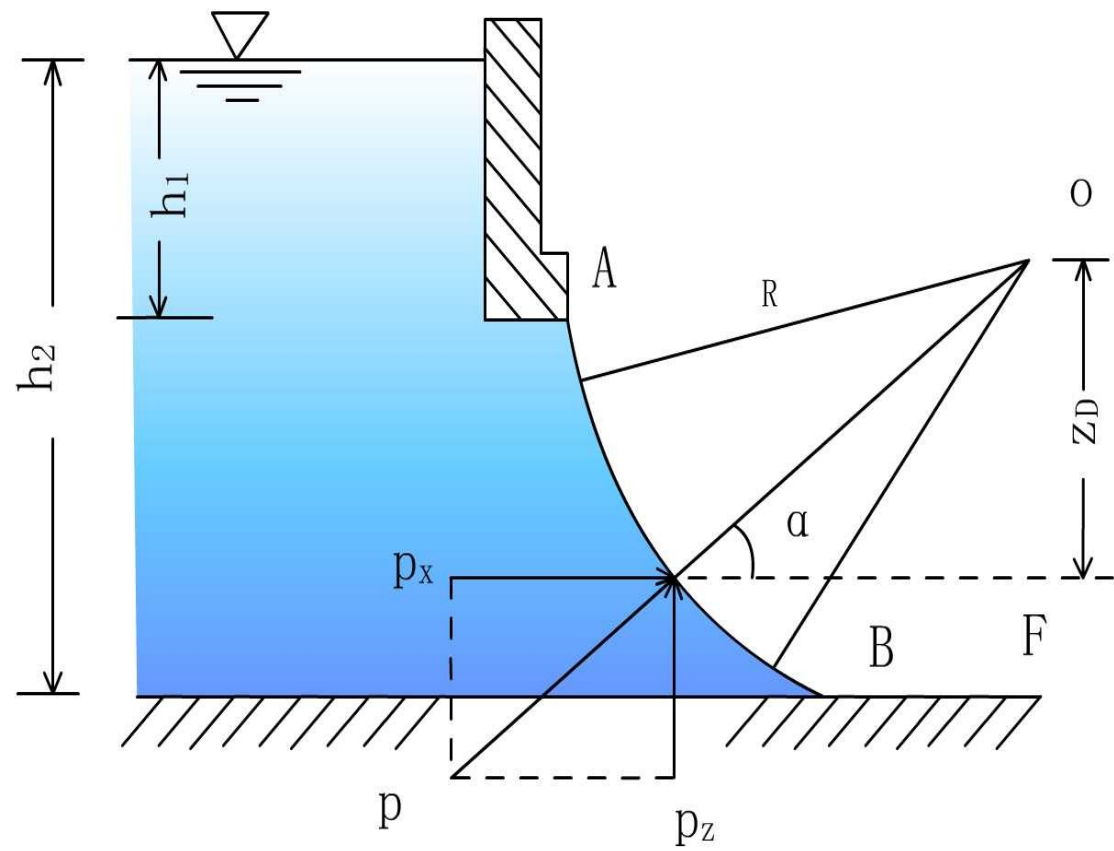
$$= \gamma A_{剖} b = \gamma W_{压}$$

三、曲面壁上的静水总压力

$$P = \sqrt{P_x^2 + P_z^2}$$

$$\alpha = \arctg \frac{P_z}{P_x}$$

$$z_D = R \sin \alpha$$





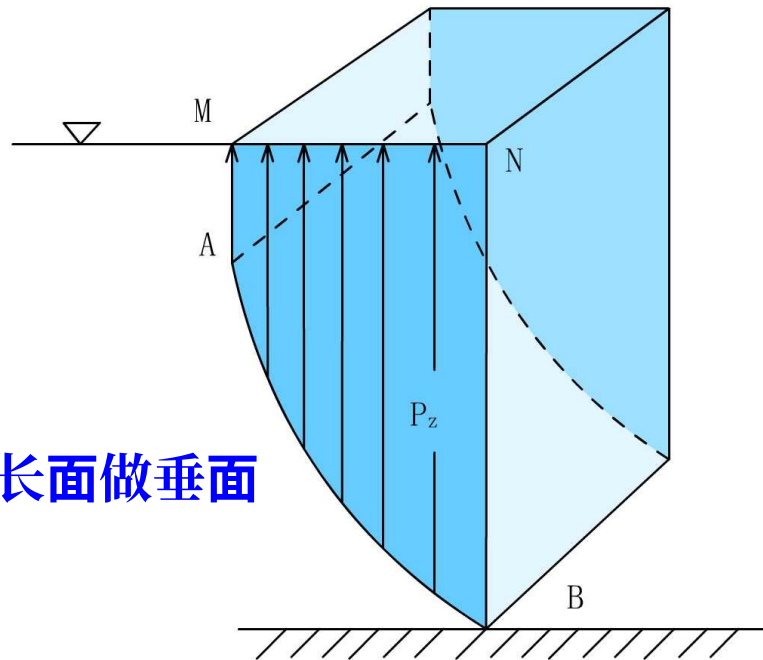
第二章 水静力学



第五节 作用于曲面壁上的静水总压力

四、压力体剖面图的绘制

- ✿ 底面为受压曲面本身；
- ✿ 顶面为水面或水面的延长面；
- ✿ 侧面为通过曲面壁的边缘向水面或其延长面做垂面





第二章 水静力学



课后小结

静水压强及其特性

静水压强的基本规律

压强的单位和量测

测压管 水银测压计 差压计

作用于平面壁上的静水压力

图解法 解析法

作用于曲面壁上的静水总压力

典型例题

[例 2-1] 利用水银压差计测量两管之间 A、B 两点的压差时，只要测出 A、B 两管中水银面高差 Δh ，A、B 两点间高差 Δz 。即可求得 A、B 两点间的压差。如图 2-1-4 中，两容器连接一水银压差计，两容器内皆为水， $\Delta z = 0.4\text{m}$ ， $\Delta h = 0.3\text{m}$ ，求 A、B 两点的压强差 ($p_A - p_B$)。

解 取等压面 1-2-3，4-5

则 $p_1 = p_2 = p_3$ $p_4 = p_5$

$$p_2 = p_1 = p_A - \gamma h$$

$$p_4 = p_5 = p_B - \gamma \Delta z - \gamma h - \gamma \Delta h$$

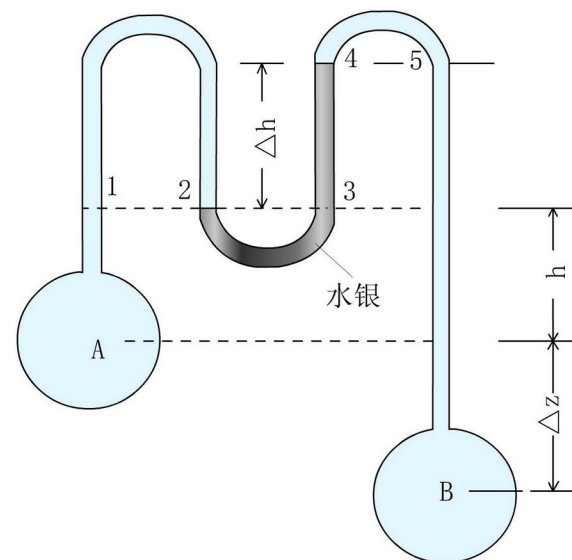
$$p_3 = p_4 + \gamma_m \Delta h = p_B - \gamma \Delta z - \gamma h - \gamma \Delta h + \gamma_m \Delta h$$

由 $p_2 = p_3$

整理得 $p_A - p_B = (\gamma_m - \gamma) \Delta h - \gamma \Delta z$

$$= (133.3 - 9.8) \times 0.3 - 9.8 \times 0.4$$

$$= 33.1(\text{kPa})$$





第二章 水静力学



典型例题

[例 2-2] 如图 2-2-2，若该平面为圆形平板闸门，半径 $r=0.5\text{m}$ ， $\alpha=45^\circ$ ，闸门上边缘距水面深度 1m ，求闸门所受静水总压力。

解：

$$h_c = 1 + r \sin \alpha = 1 + 0.5 \times \sin 45^\circ = 1.35(\text{m})$$

$$P = \gamma h_c A = 9.8 \times 1.35 \times 0.5^2 \times 3.14 = 10.39(\text{kN})$$

$$I_c = \frac{\pi r^4}{4} = \frac{1}{4} \times 3.14 \times 0.5^4 = 0.049(\text{m}^4)$$

$$y_c = \frac{1}{\sin \alpha} + r = \frac{1}{\sin 45^\circ} + 0.5 = 1.91(\text{m})$$

$$y_D = y_c + \frac{I_c}{y_c A} = 1.91 + \frac{0.049}{1.91 \times 3.14 \times 0.5^2} = 1.94(\text{m})$$

[返回](#)



第二章 水静力学



典型例题

[例 2-3] 如图 2-25 弧形闸门, $R=0.6\text{cm}$, 门宽 $b=4.0\text{m}$, 闸前水深 $H=4.8\text{m}$, 门轴直径 $d=16.0\text{cm}$, 闸门中心与水面同高, 闸门自重 $G=294\text{kN}$, 其重心位于 $r=0.8R$ 处, 用钢索提升闸门, 门轴转动摩擦系数 $f=0.3$. 试求: (1) 作用于弧形闸门上的静水总压力; (2) 开启闸门的提升力 T .

解 (1) 求 P 的大小、方向:

$$\text{水平分力 } P_x = \gamma h_c A = \frac{1}{2} \gamma H^2 b = \frac{1}{2} \times 9.8 \times 4.8^2 \times 4 = 451.8 (\text{kN})$$

$$\text{铅直分力 } P_z = \gamma A_{\text{静}} b = \gamma (\text{扇形面积} - \Delta BOC \text{面积}) \times b$$

$$\sin \varphi = \frac{H}{R} = \frac{4.8}{6} = 0.8 \text{ 所以 } \varphi = 53.13^\circ$$

$$\text{扇形面积} = \frac{\pi R^2}{360^\circ} \varphi = \frac{3.14 \times 6^2}{360^\circ} \times 53.13^\circ = 16.68 (\text{m}^2)$$

$$OC = R \cos \varphi = 6 \times \cos 53.13^\circ = 3.6 (\text{m})$$

$$\Delta BOC \text{面积} = \frac{1}{2} H \times OC = 1/2 \times 4.8 \times 3.6 = 8.64 (\text{m}^2)$$

则 $P_z = 9.8 \times (16.68 - 8.64) \times 4 = 315.17 (\text{kN})$

总压力 $P = \sqrt{P_x^2 + P_z^2} = \sqrt{451.58^2 + 315.17^2} = 550.69 (\text{kN})$

$$\alpha = \arctg \frac{P_z}{P_x} = \arctg \frac{315.57}{451.58} = 34.9^\circ$$



典型例题

(2) 求 T:

T 对圆心的力矩应等于重力 G 和总压力 P 对圆心的阻力矩, 才可以提起闸门。

P 对轴的摩擦力矩为 $Pf \frac{d}{2}$ 。

重力对轴的力矩为 Gl , 其中 $l = r \cos \frac{\varphi}{2} = 0.8 \times 6 \times \cos \frac{53.13^\circ}{2} = 4.29 (m)$

由合力矩定理得 $TR = Pf \frac{d}{2} + Gl$

则
$$T = \frac{Pf \frac{d}{2} + Gl}{R} = \frac{550.69 \times 0.3 \times \frac{0.16}{2} + 294 \times 4.29}{6} = 212.4 (kN)$$

[返回](#)

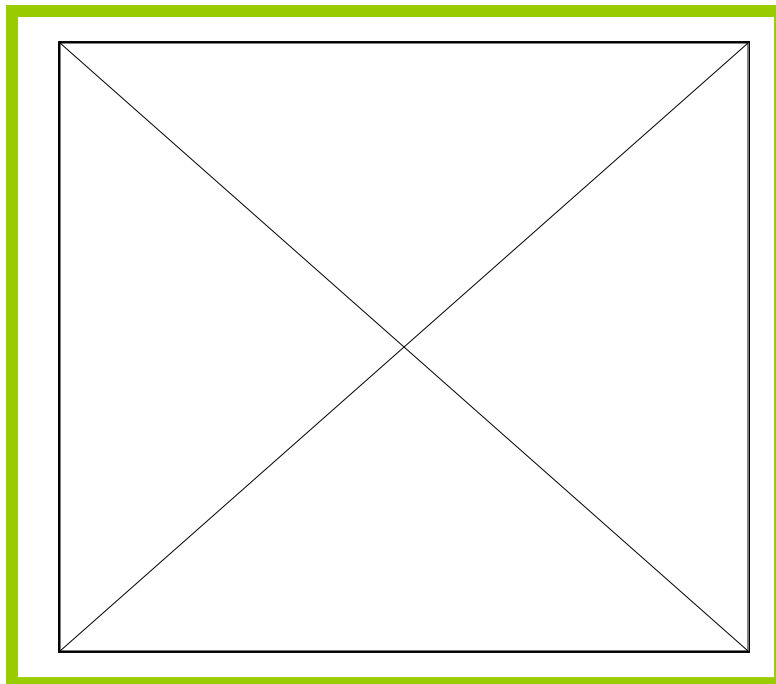


第二章 水静力学



插图

➤ 复杂柱面的压力体绘制之一



继续

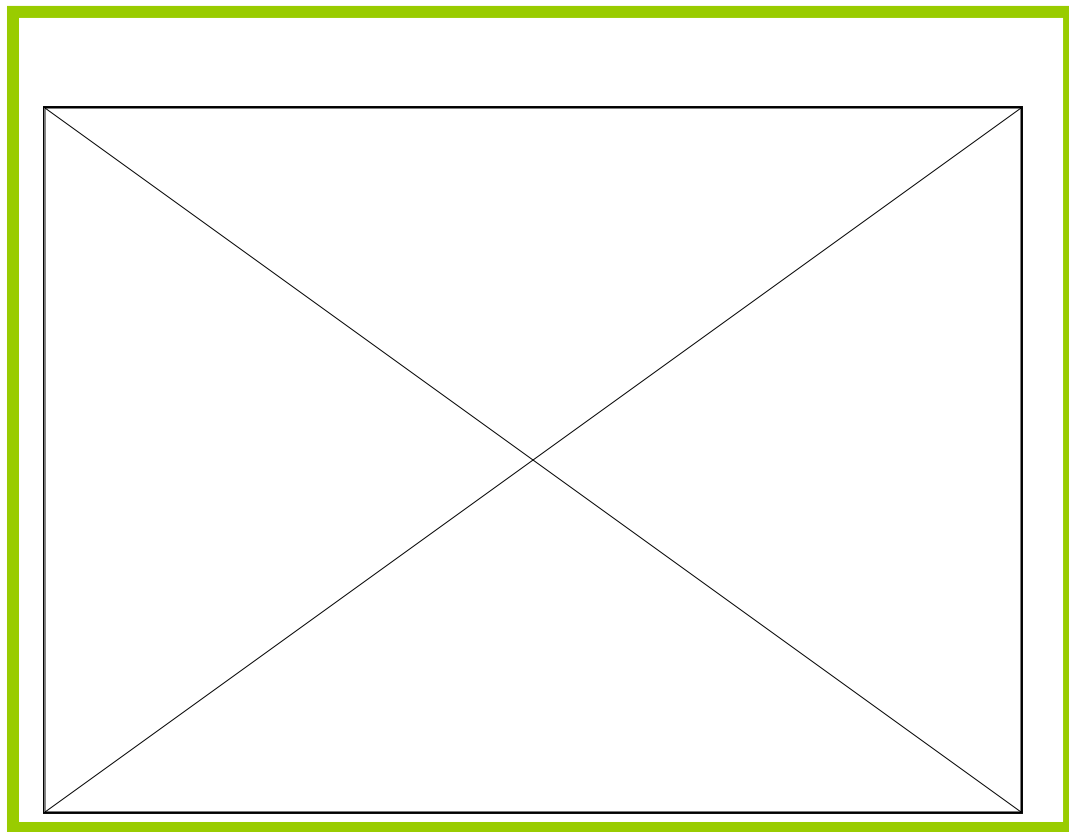


第二章 水静力学



插图

➤ 复杂柱面的压力体绘制之二



[返回](#)