Résumé de cours M2 Microélectronique Module : Physique des composants semi-conducteurs 3

Prof. Abdelhamid BENHAYA

Directeur du Laboratoire d'Electronique Avancée Responsable Salle Blanche

Département d'Electronique Faculté de Technologie Université Batna 2

Domaines d'intérêt:

Technologie des semi-conducteurs (Matériaux et dispositifs photovoltaïques)

e-mail: <u>a.benhaya@univ-batna2.dz</u>

benhaya abdelhamid@yahoo.fr

Tel: +213 (0)7 73 87 37 84

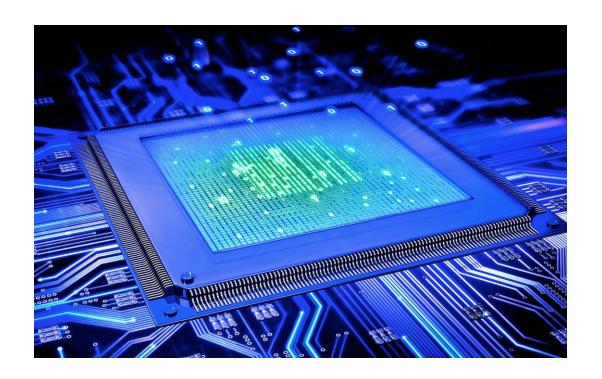
BIBLIOGRAPHIE

Langue Anglaise

- Marius Grundmann, The Physics of Semiconductors (Chapter 13), Springer-Verlag Berlin Heidelberg, 2006.
- 2. https://nanohub.org/resources/5346
- 3. <u>https://nanohub.org/courses/FON2</u>

Langue Française

- 1. H. MATHIEU, physique des semi-conducteurs et des composants électroniques (Chapitres 10 et 12), Dunod, 2001.
- 2. https://www.polytech-lille.fr/cours-atome-circuit-integre/



2.1. Transport parallèle dans les structures quantiques

Spécificités des composants quantiques

PLAN DE L'EXPOSÉ

Limite de l'approche semi-classique

Types de transport

Différences entre les deux types de transport

Mobilité et mécanismes de diffusion

Mobilité et type de transport

Effet de la séparation spatiale des électrons et des ions sur la mobilité

Effet Gunn (transfert dans l'espace des moments)

Transfert dans l'espace réel - RST(Real Space Transfer

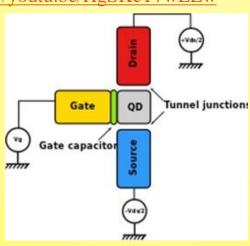
Etalon de résistance

Blocage de Coulomb

Blocage de Coulomb et systèmes à peu d'électrons

Transistor à un électron

https://youtu.be/HgSKcT7wLEw



TRANSPORT PARALLÈLE DANS LES STRUCTURES QUANTIQUES

Limite de l'approche semi-classique

On peut utiliser une approche semi-classique de type corpusculaire quand le transport s'effectue à l'intérieur d'une bande permise.

Lorsque les phénomènes de transport mettent en jeu des transferts à travers des bandes d'énergie interdite, les modèles semi-classiques atteignent leur limite.

En Plus

Dans ce dernier cas, lorsque les dimensions d'un composant sont très réduites, on doit passer aux concepts de la mécanique quantique où les phénomènes ondulatoires apparaissent clairement, notamment dans le cas où les déplacements des porteurs sont limités dans une ou plusieurs dimensions (confinement quantique des porteurs)

TRANSPORT PARALLÈLE DANS LES STRUCTURES QUANTIQUES

Types de transport

Lorsqu'il y a confinement, le mouvement des porteurs est considérablement modifié, le transport électrique résultant de l'action d'un champ électrique, est très anisotrope.

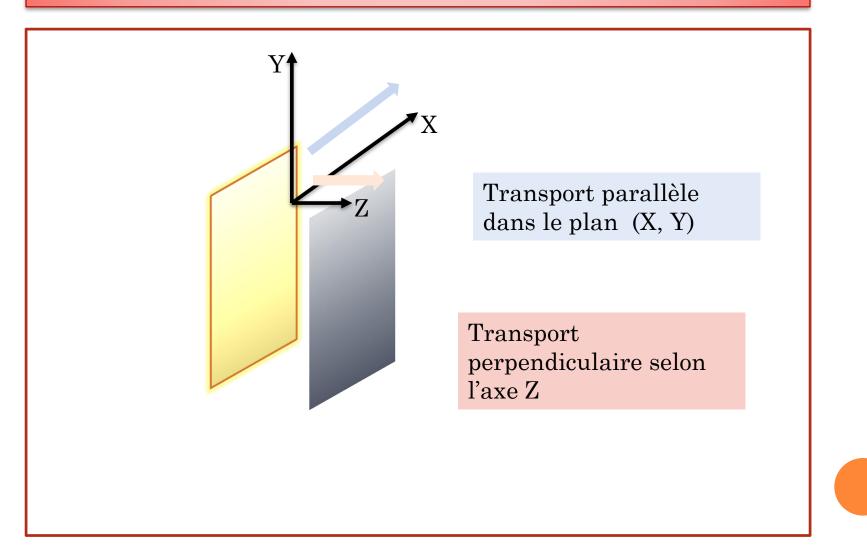
1. Transport parallèle

Lorsque la direction du champ électrique correspond à un degré de liberté des porteurs, on qualifie le transport de parallèle (cas d'une hétérojonction lorsque le champ électrique est dans le plan des couches ou un fil quantique, lorsque le champ électrique est dirigé suivant l'axe du fil).

2. Transport perpendiculaire

Lorsque le champ électrique est dirigé suivant l'axe, ou dans le plan, de quantification de la structure, le transport est qualifié de perpendiculaire. C'est le cas de la conduction dans le canal d'un transistor MOS.

TRANSPORT PARALLÈLE DANS LES STRUCTURES QUANTIQUES



TRANSPORT PARALLÈLE DANS LES STRUCTURES QUANTIQUES

Différences entre les deux types de transport

Le transport parallèle est peu affecté par le confinement quantique. On peut continuer à utiliser les méthodes semi-classiques avec quelques ajustements liés à la densité d'états et aux phénomènes de diffusion.

Le transport perpendiculaire nécessite des concepts purement quantiques pour interpréter les effets physiques spécifiques de ce type de transport et modéliser les composants qui exploitent ces effets

CHAPITRE 2 COMPOSANTS QUANTIQUES

2.1. Transport parallèle dans les structures quantiques

Mobilité

TRANSPORT PARALLÈLE DANS LES STRUCTURES QUANTIQUES

Mobilité et mécanismes de diffusion

La mobilité peut être affectée par les mécanismes de diffusion suivants:

- □ Diffusion par les impuretés ionisé prédominant à basse température;
- □ Diffusion par le réseau cristallin (phonons) rencontrée à haute température;
- Diffusion par les rugosités d'interface.

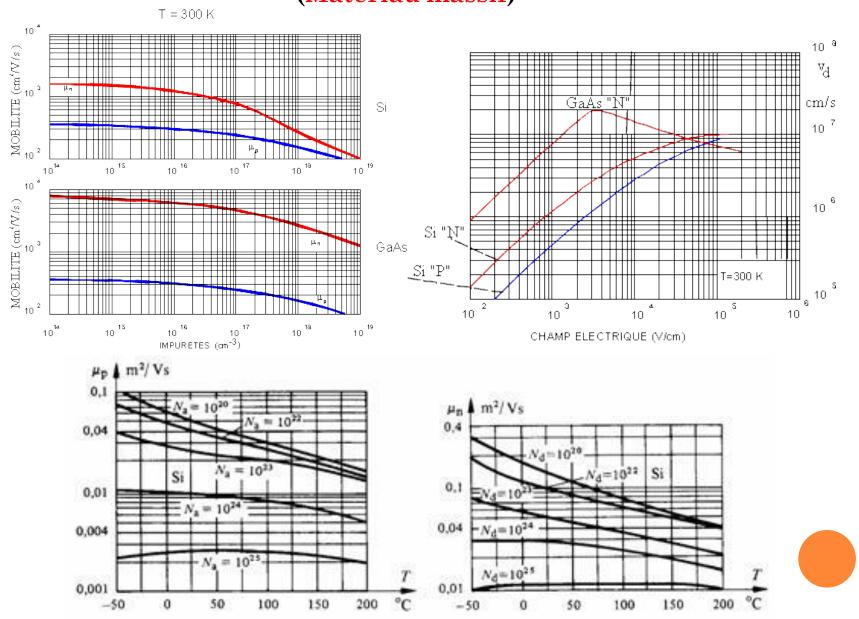
Mobilité et type de transport

Dans le transport parallèle à l'intérieur d'une hétérostructure, l'amélioration des performances par rapport au matériau massif est principalement due à l'amélioration de la mobilité électrique.

Cette amélioration est due à la séparation entre les ions donneurs et les porteurs de charge notamment lorsqu'on introduit une couche tampon entre les porteurs localisés dans un puits et les donneurs distribués dans une barrière.

Effet des différents paramètres sur la mobilité électrique

(Matériau massif)



TRANSPORT PARALLÈLE DANS LES STRUCTURES QUANTIQUES

Effet de la séparation spatiale des électrons et des ions sur la mobilité

La séparation spatiale des électrons et des ions évite la diminution de la mobilité rencontrée à basse température et la mobilité tend vers une valeur de saturation.

La variation expérimentale de mobilité associée à la diffusion par les **impuretés ionisées** éloignées de l'interface est donnée à **basse température** par: $\mu_I = \frac{64\pi\hbar^3 \varepsilon S_o^2 (2\pi n_s)^{3/2}}{e^3 m} \left(\frac{1}{(d_s + z_w)^2} - \frac{1}{(d_i + z_w + d_d)^2}\right)^{-1}$

d_i est la largeur de la couche tampon non dopée.

- d_d la largeur de la zone de charge d'espace de la barrière;
- z_w la largeur effective du puits de potentiel

 $\mathbf{S_0}$ est l'inverse de la longueur d'écran bidimensionnelle due aux $\mathbf{n_s}$ porteurs libres du puits

$$S_o = e^2 m_e / 2\pi \varepsilon \hbar^2$$

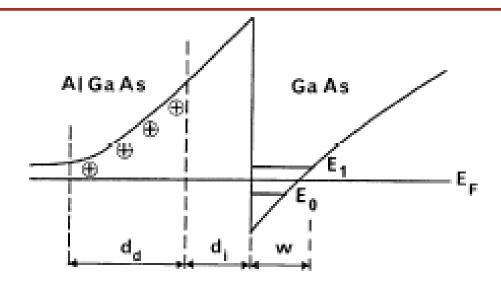
Cas dégénéré

$$S_o = e^2 n_s / 2 \varepsilon kT$$

Cas non dégénéré

$$\mu_{I} = \frac{64\pi\hbar^{3} \varepsilon S_{o}^{2} (2\pi n_{s})^{3/2}}{e^{3} m_{e}} \left(\frac{1}{(d_{i} + z_{w})^{2}} - \frac{1}{(d_{i} + z_{w} + d_{d})^{2}} \right)^{-1}$$

 d_i est la largeur de la couche tampon non dopée. d_d la largeur de la zone de charge d'espace de la barrière; z_w la largeur effective du puits de potentiel



TRANSPORT PARALLÈLE DANS LES STRUCTURES QUANTIQUES

Effet de la séparation spatiale des électrons et des ions sur la mobilité (suite)

A des températures intermédiaires, la mobilité dépend de la diffusion par les phonons acoustiques à travers le potentiel associé à la déformation du réseau.

Dans ce cas, l'expression donnant la variation de la mobilité d'un gaz d'électrons bidimensionnel est donnée par:

$$\mu_{ac} = \frac{2e\hbar^3 \rho u^2 d}{3m_e^2 E_1^2 kT}$$

Pour GaAs pour lequel E1=7eV et à T=100 K et d=100 Å $\mu_{ac} = 3.10^5 cm^2/Vs$

ρ: est la densité du matériau;

u: la vitesse du son dans le plan de la structure;

E_{1:} le potentiel de déformation;

d:la largeur effective du puits;

TRANSPORT PARALLÈLE DANS LES STRUCTURES QUANTIQUES

Effet de la séparation spatiale des électrons et des ions sur la mobilité (suite)

A des températures élevées, la mobilité dépend de la diffusion par les phonons optiques.

Dans ce cas, l'expression donnant la variation de la mobilité d'un gaz d'électrons bidimensionnel associée à la diffusion par les phonons optiques polaires est donnée par:

$$\mu_{op} = \frac{4\pi\varepsilon_p \hbar^2}{e\Omega m_e^2 d} \left(e^{\hbar\Omega/kT} - 1 \right)$$

ε_p: la constante diélectrique

 $1/\varepsilon_{\rm p} = 1/\varepsilon_{\rm \infty} - 1/\varepsilon_{\rm s}$ avec:

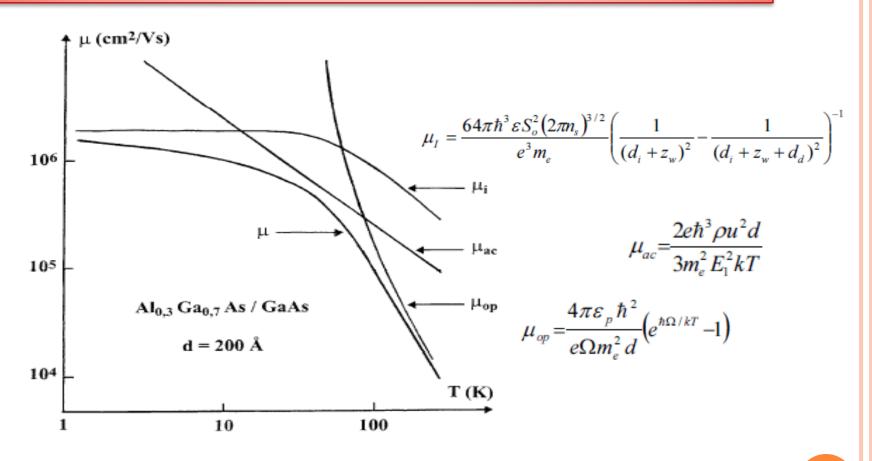
 ε_{∞} :constante diélectrique HF

ε_s :constante diélectrique statique

d:est la largeur du puits

ħΩ: l'énergie des phonons optiques

TRANSPORT PARALLÈLE DANS LES STRUCTURES QUANTIQUES



Les trois principales composantes de la mobilité d'un gaz d'électrons bidimensionnel

TRANSPORT PARALLÈLE DANS LES STRUCTURES QUANTIQUES

Effet du champ électrique

Le comportement des électrons, dans le cas d'un gaz d'électrons bidimensionnel, est alors comparable à celui obtenu dans un matériau massif. En fait, on a:

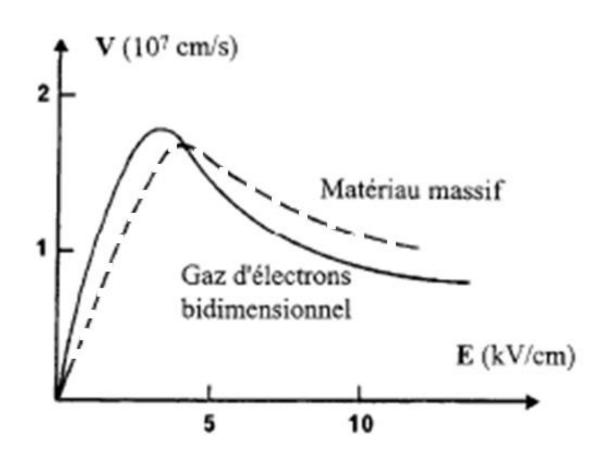
- Un régime linéaire à faible champ;
- •Un régime de survitesse à des champs suffisamment élevés;
- •Un régime de saturation à fort champ.

Remarque

Comparativement au cas du matériau massif, la mobilité à faible champ est plus importante dans le cas d'un gaz d'électrons bidimensionnel.

COMPOSANTS QUANTIQUES TRANSPORT PARALLÈLE DANS LES STRUCTURES QUANTIQUES

Effet du champ électrique



CHAPITRE 2 COMPOSANTS QUANTIQUES

2.1. Transport parallèle dans les structures quantiques

Effet Gunn bidimensionnel

Première zone de Brillouin d'un cristal cubique et structure de bande du silicium et l'arséniure de Gallium

Point Γ : centre de zone

Directions ∆ : direction 100 et équivalentes

Directions A : direction 111 et équivalentes

Directions Σ : direction 110 et équivalentes

Points X : bord de zone dans la direction 100

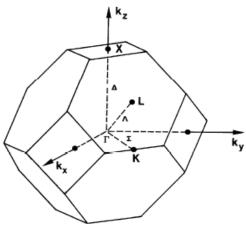
et les directions équivalentes

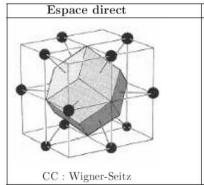
Points L : bord de zone dans la direction 111

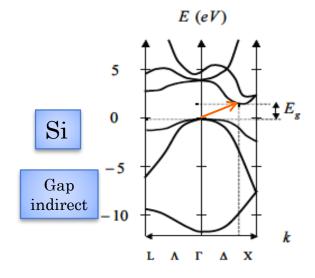
et les directions équivalentes

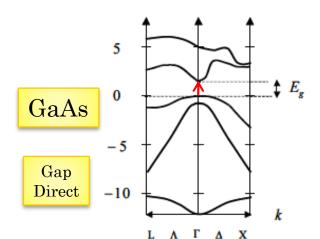
Points K : bord de zone dans la direction 110

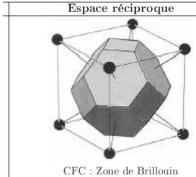
et les directions équivalentes







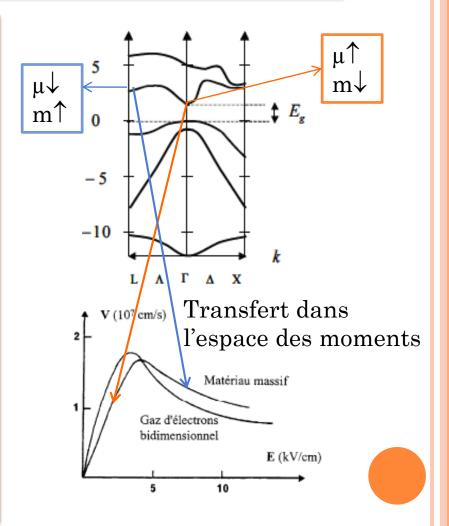




TRANSPORT PARALLÈLE DANS LES STRUCTURES QUANTIQUES

Effet Gunn (transfert dans l'espace des moments)

Lorsque les électrons de faible masse effective et grande **mobilité** de la vallée Γ de la bande de conduction, sont transférés, sous l'action du champ électrique, dans les vallées satellites L où leur masse effective est plus grande et leur mobilité plus faible, il y a apparition d'une région à pente négative dans relation vitesse-champ la électrique.

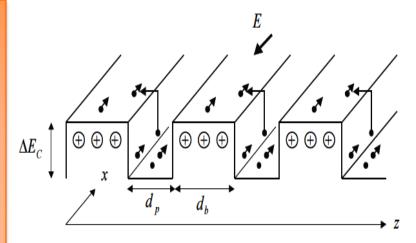


TRANSPORT PARALLÈLE DANS LES STRUCTURES QUANTIQUES

Transfert dans l'espace réel -RST(Real Space Transfer).

Sous l'action du champ électrique, les électrons sont ainsi transférés d'une région à grande mobilité vers une région à faible mobilité.

Ce transfert dans l'espace réel produit sur la relation vitesse-champ électrique, les mêmes effets que le transfert Γ→L dans l'espace des moments. On obtient, comme dans l'effet Gunn, un régime à résistance différentielle négative.



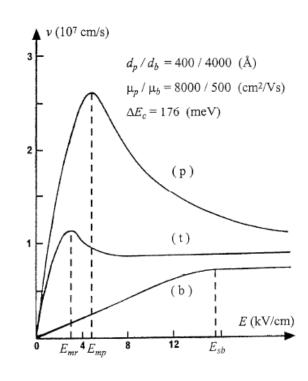
L'avantage de l'effet RTS sur l'effet RWH est que les principaux paramètres peuvent être modulés. Le champ de seuil en particulier, peut être contrôlé par la hauteur de barrière ΔEc, c'est-à-dire par la composition de l'alliage.

TRANSPORT PARALLÈLE DANS LES STRUCTURES QUANTIQUES

Transfert dans l'espace réel – RST

Caractéristique vitesse-champ dans un dispositif RTS de type GaAlAs/GaAs.

- p) Puits de GaAs seuls.
- b) Barrières de GaAlAs seules.
- t) Dispositif total



TRANSPORT PARALLÈLE DANS LES STRUCTURES QUANTIQUES

Etalon de résistance

Si le mouvement de l'électron est réduit à une seule dimension, ce dernier est alors confiné dans un fil quantique.

Les calculs dans le cadre de la mécanique quantique montre que la relation I(V) s'écrit:

$$I_i = g_i V$$
 avec $g_i = 2e^2/h$

e: charge électrique

h:constante de Planck

g_i: la contribution à la conductance du fil quantique, de tous les électrons de la sous-bande i

Si N sous-bandes sont peuplées la conductance du fil s'écrit:

$$g=N2e^2/h$$

TRANSPORT PARALLÈLE DANS LES STRUCTURES QUANTIQUES

Résistance étalon

Lorsque la population électronique augmente progressivement, le niveau de Fermi se déplace vers les hautes énergies et les différentes sous-bandes se peuplent.

Lorsqu'une nouvelle sous-bande est peuplée la conductance du fil quantique augmente brutalement d'une quantité finie, par saut de :

$2e^2/h$

La conductance du fil est donc quantifiée, avec un pas qui présente une universalité remarquable indépendante de tout paramètre physique ou géométrique.

La constante:

$$R_K = h/e^2 = 25 812,807 \Omega$$

porte le nom de constante de von Klitzing est depuis 1990 utilisée comme étalon de résistance.

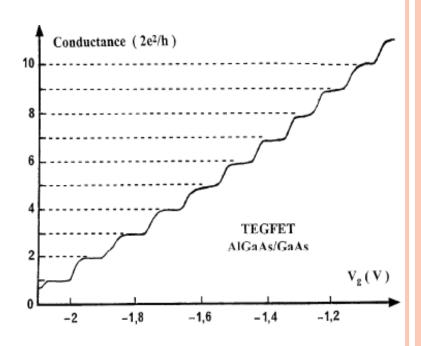
TRANSPORT PARALLÈLE DANS LES STRUCTURES QUANTIQUES

Exemple de variations universelles de conductance

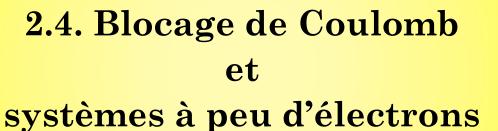
Ces variations universelles de conductance peuvent être observées dans le canal d'un TEGFET par la modulation de la tension de grille.

La conductance du canal fait alors apparaître, en fonction de la tension grille, une succession de plateaux avec des sauts de:

 $2e^2/h$



CHAPITRE 2 COMPOSANTS QUANTIQUES



2.4.Blocage de Coulomb.

2.4.1: Dispositif à une jonction

RAPPEL: DIODE TUNNEL

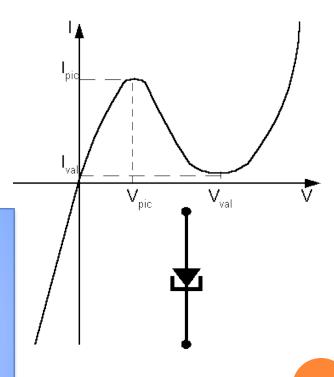
Technologie de la diode Tunnel

La **diode tunnel** ou **diode Esaki** est obtenue à partir d'une couche P dégénérée ($N_A > 10^{19}$ cm⁻³) et d'une couche N dégénérée ($N_D > 10^{19}$ cm⁻³). La jonction P+N+ ainsi obtenue doit être très abrupte et la ZCE présente une épaisseur très faible (qq dizaines d'A°).

Conditions pour avoir une diode Tunnel

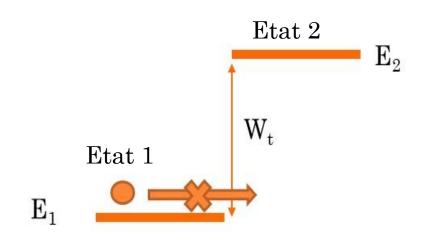
- 11) Le niveau de FERMI soit situé dans E_V du côté P et dans E_C du côté N,
- 2) L'épaisseur de ZCE soit petite pour que la probabilité de passage par effet tunnel soit suffisante,
- 3) A la même énergie des électrons soient disponibles dans $E_{\rm C}$ et des trous dans $E_{\rm V}$

Caractéristique I(V) d'une diode Tunnel



Blocage de Coulomb

Il traduit le blocage de transfert entre deux états tant que l'énergie mise en œuvre est inférieure à un seuil énergétique nécessaire à ce transfert



But de l'étude du blocage de Coulomb

Le blocage de Coulomb est un mécanisme étudié notamment pour l'élaboration de transistors à un électron (S.E.T. : *Single Electron Transistor*). Car à travers le blocage de Coulomb, on a la possibilité de contrôler le flux de porteurs, électron par électron.

Exemple: Cas d'un condensateur

Un condensateur de capacité C polarisé par une tension V, il est chargé par une charge Q:

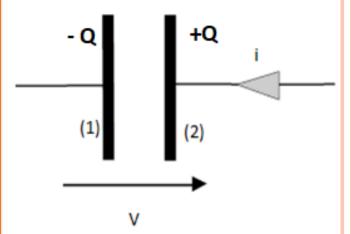
$$Q=CV$$

L'énergie électrostatique emmagasinée est donnée par:

$$W = \frac{1}{2}QV = \frac{1}{2}CV^2 = \frac{1}{2}\frac{Q^2}{C}$$

Si la charge Q varie de dQ, l'énergie électrostatique W varie de dW donné par:

$$dW = \frac{Q}{C}dQ$$



Exemple: Cas d'un condensateur (suite)

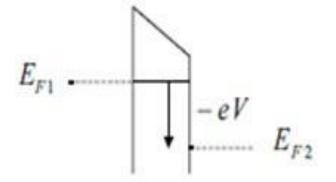
Considérons le cas d'un condensateur dont l'épaisseur de l'isolant est suffisamment faible (cas de la capacité d'une diode tunnel, par exemple).

Sous la polarisation V, le niveau de Fermi de l'électrode (2) est abaissé de:

$$\Delta E = - eV$$

par rapport à celui de l'électrode (1). C'est-à-dire:

$$E_{F1}$$
- E_{F2} = eV



Exemple: Cas d'un condensateur (suite)

La variation d'énergie électrostatique qui en résulte lors du passage d'un électron de l'électrode (1) vers l'électrode (2) par effet tunnel est donnée par l'intégrale de 0 à e de l'expression:

$$dW = \frac{Q}{C}dQ$$

Ce qui donne:

$$dW = \frac{Q}{C}dQ$$

$$E_{F}$$

$$\Delta W = \int_{0}^{e} \frac{Q}{C}dQ = \frac{e^{2}}{2C}$$

Le niveau de Fermi E_{F2} remonte donc par rapport au niveau de Fermi E_{F1} de la quantité:

$$\Delta W = e^2/2C$$

La différence des niveaux de Fermi devient alors:

$$E_{F1}-E_{F2} = eV-e^2/2C$$
.

Exemple: Cas d'un condensateur (Suite)

Cas 1: $eV > \Delta W (eV > e^2/2C) \Rightarrow (V > e/2C)$

Dans ce cas, la différence E_{F1} - E_{F2} reste positive après le transfert, le niveau E_{F2} reste au-dessous du niveau E_{F1} . l'électron est transféré dans l'électrode (2).

L'électron transféré est ensuite évacué par le contact de sortie et revient dans l'électrode (1) à travers le générateur.

Conclusion

Le courant *tunnel circule*, le blocage de Coulomb *n'a pas lieu*.

$$E_{F1}$$
 E_{F2} ΔW

Exemple: Cas d'un condensateur (Suite)

Cas 2: $eV < \Delta W (eV < e^2/2C) \Rightarrow (V < e/2C)$

Dans ce cas, la différence E_{F1} - E_{F2} devient négative après le transfert, le niveau E_{F2} va devenir au-dessus du niveau E_{F1} . l'électron est refoulé dans l'électrode (1).

Le transfert (1)→(2) correspondrait à un transfert tunnel entre un état occupé de l'électrode (1) et un état occupé lui aussi dans l'électrode (2), ce qui est impossible.

Conclusion

Le courant tunnel est donc nul, le blocage de Coulomb a lieu.

Blocage de coulomb (Résumé)

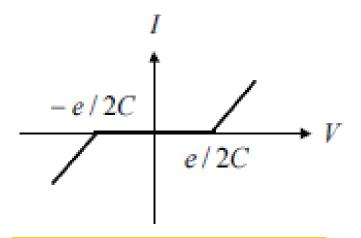
Lorsque la tension de polarisation V augmente, le courant tunnel ne devient différent de zéro que lorsque la condition

$$eV > \Delta W \Rightarrow eV > e^2/2C \Rightarrow V > e/2C$$

Par contre, si on a:

$$eV < \Delta W \Rightarrow eV < e^2/2C \Rightarrow V < e/2C$$

Le courant tunnel **est nul**. Il s'agit, dans ce cas, du **blocage de** Coulomb.



Résumé

Le Blocage de Coulomb se manifeste lorsque la variation d'énergie capacitive e²/2C associée au passage d'un électron par effet tunnel est supérieure à l'énergie de polarisation eV.

Condition d'observation du Blocage de Coulomb

Pour observer le blocage de Coulomb, il faut que les fluctuations thermiques de charges aux bornes de la capacité soient négligeables devant la variation d'énergie électrostatique, soit:

$$e^{2}/2C >> kT$$

Ce qui conduit à une relation capacité-température de la forme:

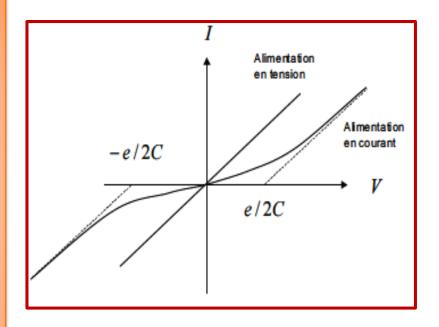
$$C << e^2/(2kT)$$

En explicitant les constantes, on obtient:

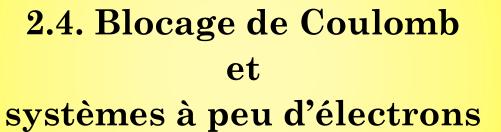
$$C(F) \ll \frac{10^{-15}}{T(K)}$$

Blocage de Coulomb et type de polarisation

L'observation expérimentale du blocage de Coulomb à travers jonction unique n'est une possible que sous une alimentation en courant comme il est indiqué sur la figure cicontre,



CHAPITRE 2 COMPOSANTS QUANTIQUES



2.4.Blocage de Coulomb.

2.4.2: Dispositif à deux jonctions

1. Absence de l'effet Tunnel

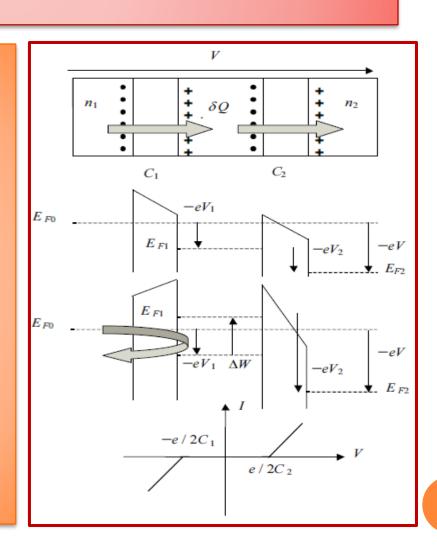
$$Q = C_1 V_1 = C_2 V_2$$

$$V=V1+V2$$

$$Q = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} V$$

$$V_1 = \frac{C_2}{C_1 + C_2} V$$

$$V_2 = \frac{C_1}{C_1 + C_2} V$$

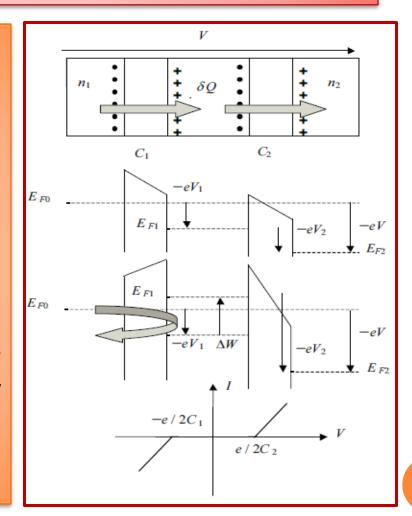


1. Présence de l'effet Tunnel

$$V_1 = \frac{C_2}{C_1 + C_2} V - e \frac{n_1 - n_2}{C_1 + C_2}$$

$$V_2 = \frac{C_1}{C_1 + C_2}V + e^{\frac{n_1 - n_2}{C_1 + C_2}}$$

n1 et n2 sont les nombres d'électrons qui traversent respectivement les jonctions (1) et (2)



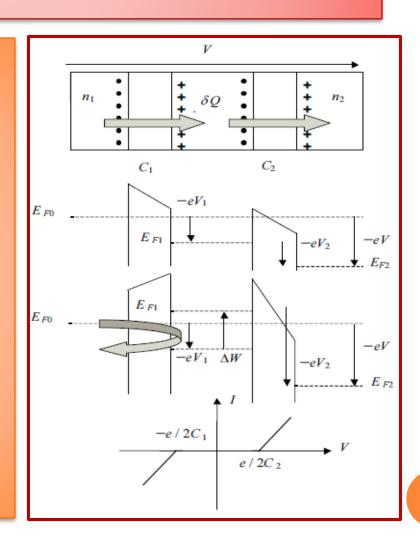
1. Présence de l'effet Tunnel Cas n1=1, n2=0

Dans ce cas, il y a diminution de V_1 et une augmentation de V_2 de la quantité:

$$\frac{e}{C_1 + C_2}$$

et E_{F1} remonte de:

$$\Delta W = \frac{e^2}{2(C_1 + C_2)}$$



1. Présence de l'effet Tunnel Cas n1=1, n2=0 (suite)

Si la tension V_1 , avant le transfert, vérifie la condition:

$$V_1 < \frac{e}{2(C_1 + C_2)}$$

Alors, E_{F1} est au-dessus de E_{F0} .

Dans ce cas, l'effet tunnel n'est pas autorisé, c'est le blocage de Coulomb.

1. Présence de l'effet Tunnel Cas n1=1, n2=0 (suite)

Si la tension V_1 , avant le transfert, vérifie la condition:

$$V_1 < \frac{e}{2(C_1 + C_2)}$$

Alors, E_{F1} est au-dessus de E_{F0} .

Dans ce cas, l'effet tunnel n'est pas autorisé, c'est le blocage de Coulomb.

1. Présence de l'effet Tunnel

Cas n1=1, n2=0 (suite)

Le déblocage du courant a lieu si V₁ vérifie la condition :

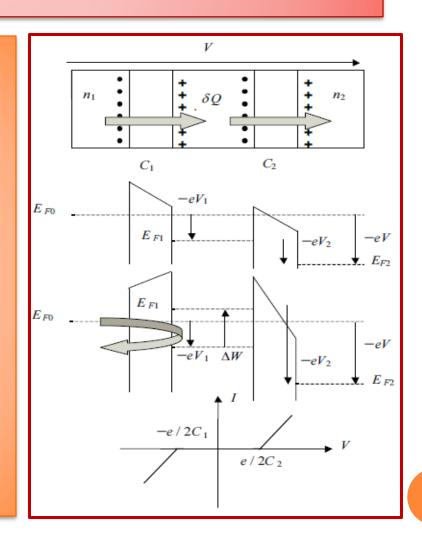
$$V_1 > \frac{e}{2(C_1 + C_2)}$$

Ce qui conduit à:

$$V > \frac{e}{2 C_2}$$

N.B.: Si la polarisation est inversée, le déblocage a lieu si:

$$V < -\frac{e}{2 C_1}$$

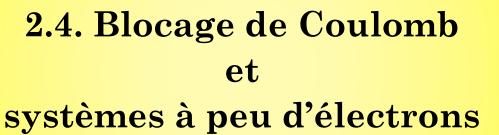


Remarque importante

Le dispositif à deux jonctions permet donc d'observer le blocage de Coulomb sous une polarisation en tension alors que le dispositif à une jonction n'autorise son observation que sous une alimentation en courant.

Il est donc plus facile de mettre expérimentalement en évidence le phénomène avec le dispositif à 2 jonctions.

CHAPITRE 2 COMPOSANTS QUANTIQUES



2.4.Blocage de Coulomb.

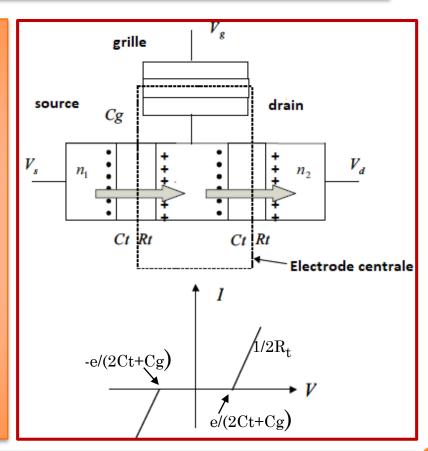
2.4.3: Transistor à un électron

TRANSISTOR À UN ÉLECTRON

Architecture du transistor

Il est constitué du dispositif à deux jonctions auquel on ajoute une électrode latérale jouant le rôle d'une grille et permettant, par effet capacitif par exemple, de faire varier de 6q la charge de l'électrode central.

Par l'intermédiaire de la charge δq, l'électrode latérale permet de commander le courant à travers le dispositif.



Le transistor se comporte comme un transistor à effet de champ dans lequel le courant drain-source est contrôlé électron par électron, c'est le transistor à un électron

TRANSISTOR À UN ÉLECTRON

Conditions sur les paramètres du transistor à un électron

Les capacités doivent être très faibles avec toutefois des épaisseurs d'isolant très faibles pour autoriser l'effet tunnel.

Il en résulte que l'électrode centrale doit être de taille très réduite.

Remarque

La taille réduite de l'électrode centrale nous oblige de prendre en considération les effets de basse dimensionalité, et en particulier le fait que les états d'énergie dans l'électrode centrale deviennent discontinus et de plus varient avec la population.

Intérêt

Le transistor à un électron est un bon candidat pour combiner faible consommation d'énergie et densité de composants élevée.