

– Voici la solution de Pierre Renfer.

Le changement de valeur pour la partie entière de la formule a lieu pour $\theta = \frac{2k\pi}{n}$,
avec $0 \leq k \leq n$.

En ces valeurs $\theta_k = \frac{2k\pi}{n}$, la fonction prend la valeur 1 et elle est continue

(C'est évident pour la continuité à gauche et d'autre part : $\lim_{\theta \rightarrow \theta_k} \rho(\theta) = \frac{\sin \omega}{\sin \omega} = 1$).

Les points particuliers ainsi obtenus sont les sommets du polygone régulier U_n des racines n -ièmes de l'unité.

Pour $\theta_k \leq \theta < \theta_{k+1}$:

$$\rho(\theta) = \frac{\sin \omega}{\sin(\omega - \theta + \theta_k)} = \frac{\sin \omega}{\sin(\omega + \theta_k) - \cos \theta - \cos(\omega + \theta_k) \cdot \sin(\theta)}$$

Donc :

$$\sin(\omega + \theta_k) \cdot \rho(\theta) \cdot \cos \theta - \cos(\omega + \theta_k) \cdot \rho(\theta) \cdot \sin(\theta) = \sin \omega \quad (1)$$

En coordonnées cartésiennes l'équation (1) s'écrit :

$$\sin(\omega + \theta_k) \cdot x - \cos(\omega + \theta_k) \cdot y = \sin \omega.$$

On reconnaît une équation de droite.

La courbe décrite est la réunion des segments reliant les sommets consécutifs de U_n .

Remarque.

Un fichier GeoGebra de la courbe est disponible sur

<https://www.geogebra.org/m/ZPg25Hft> .